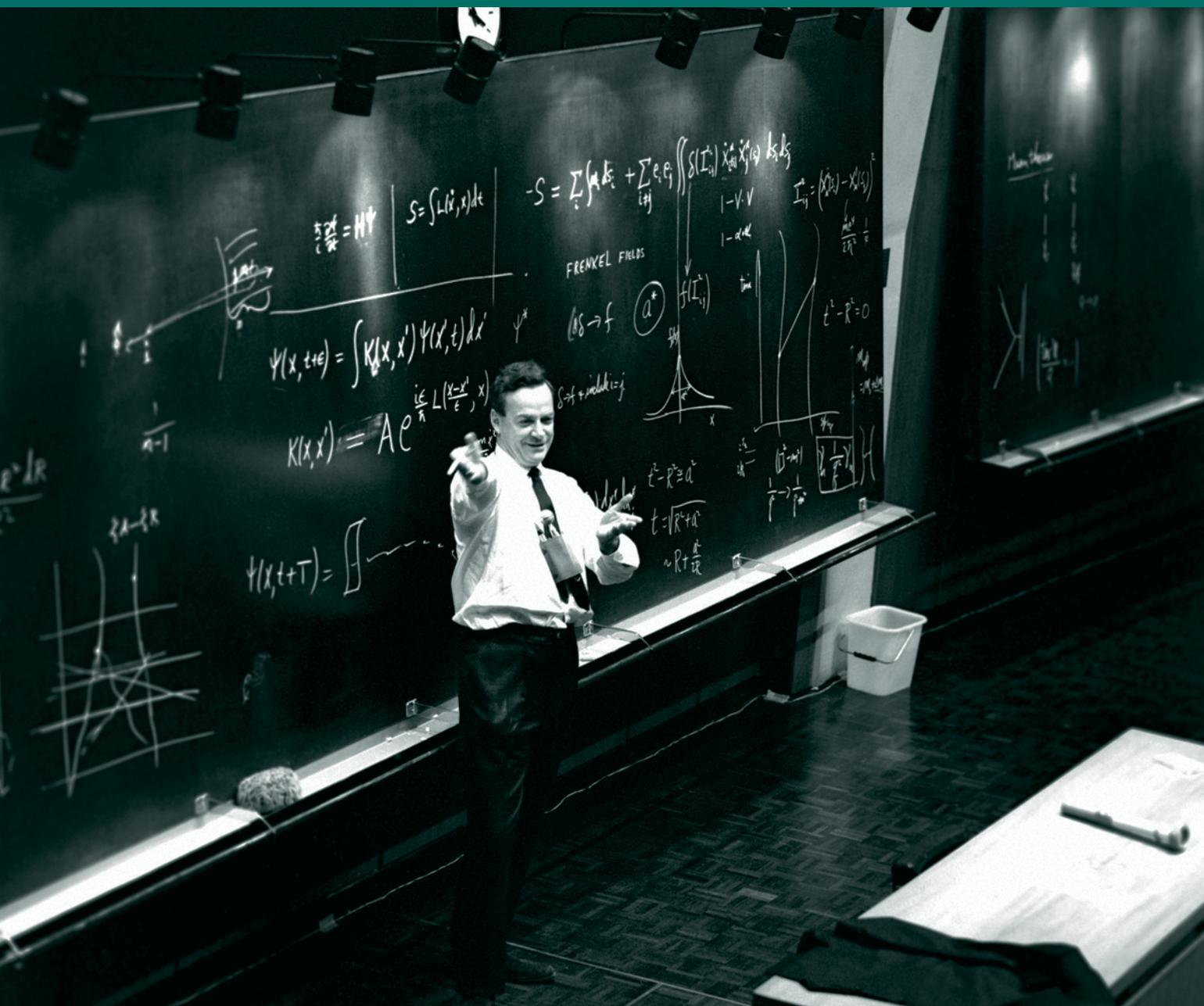


Lecciones de física de Feynman III. Mecánica cuántica

Richard P. Feynman, Robert B. Leighton
y Matthew Sands



EDICIONES
CIENTÍFICAS
UNIVERSITARIAS

TEXTO CIENTÍFICO
UNIVERSITARIO

Richard P. Feynman (Nueva York, 1918-Los Ángeles, 1988), reconocido físico estadounidense, estudió ciencias en el Instituto Tecnológico de Massachusetts (MIT) y el doctorado en la Universidad de Princeton. Enseñó en Cornell y en el Instituto Tecnológico de California (Caltech). En 1965 recibió el Premio Nobel de Física, junto con Sin-Itiro Tomonaga y Julian Schwinger por su trabajo fundamental en electrodinámica cuántica, con profundas consecuencias para la física de las partículas elementales.

Robert B. Leighton (Detroit, 1919-Pasadena, 1997) realizó un trabajo pionero en física de estado sólido, física de rayos cósmicos, los comienzos de la física moderna de partículas, física solar, fotografía planetaria, astronomía infrarroja y astronomía de ondas milimétricas y submilimétricas a lo largo de su vida. Fue ampliamente conocido por su diseño innovador de instrumentos científicos, y muy admirado como profesor.

Matthew Sands (Oxford, Massachusetts 1919-Santa Cruz, California, 2014) fue un reconocido físico y profesor, doctor por el MIT. Después de la guerra, Sands ayudó a fundar la Federación de Científicos Atómicos de Los Álamos, que presionó contra el uso de armas nucleares. Participó en la construcción del sincrotrón de Caltech y fue director del Acelerador Lineal de Stanford, entre otros cargos científicos y educativos.

EDICIONES CIENTÍFICAS UNIVERSITARIAS

SERIE TEXTO CIENTÍFICO UNIVERSITARIO

LECCIONES DE FÍSICA DE FEYNMAN, III

RICHARD P. FEYNMAN
ROBERT B. LEIGHTON • MATTHEW SANDS

Lecciones de física de Feynman

III. Mecánica cuántica



FONDO DE CULTURA ECONÓMICA

Primera edición en inglés, 1965
Primera edición en español, 1971
Primera edición, FCE, 2022

[Primera edición en libro electrónico, 2023]

Feynman, Richard P., Robert B. Leighton y Matthew Sands

Lecciones de física de Feynman III. Mecánica cuántica / Richard P. Feynman, Robert B. Leighton, Matthew Sands ; trad. de Carlos Alberto Heras, Juan Martín y Marfil ; colab. de Ricardo Gómez. — México : FCE, 2022

[416] p. ;ilus. ; 28 × 21 cm — (Colec. Ediciones Científicas Universitarias)

Título original: *The Feynman Lectures on Physics, III. Quantum mechanics*

ISBN 978-607-16-5972-9 (Obra completa)

ISBN 978-607-16-7574-3 (Vol. 3)

1. Mecánica cuántica 2. Física I. Leighton, Robert B., coaut. II. Sands, Matthew, coaut. III. Heras, Carlos Alberto, tr. IV. Martín y Marfil, Juan, tr. V. Gómez, Ricardo, colab. VI. Ser. VII. t.

LC QC23.F47

Dewey 530 F574l Vol. 3

Distribución mundial

La presente edición se basa en la *New Millennium Edition* publicada por Basic Books e incluye la corrección de erratas hasta su 7ª reimpresión. Ésta es una versión corregida y revisada de la traducción de Carlos Alberto Heras y Juan Martín y Marfil, con la colaboración de Ricardo Gómez, que fue publicada originalmente bajo el sello del Fondo Educativo Interamericano, S. A.

© 1965, 2006, 2010, por el California Institute of Technology,
Michael A. Gottlieb y Rudolf Pfeiffer
Título original: *The Feynman Lectures on Physics, III. Quantum mechanics*

Proyecto apoyado por el Consejo Nacional de Ciencia y Tecnología



D. R. © 2022, Fondo de Cultura Económica
Carretera Picacho-Ajusco, 227; 14110 Ciudad de México
www.fondodeculturaeconomica.com
Comentarios: editorial@fondodeculturaeconomica.com
Tel.: 55-5227-4672

Diseño de portada: Laura Esponda Aguilar
Fotografía de portada: Conferencia post-Nobel de Richard Feynman en el CERN, 1965.
Crédito: CERN/Science Photo Library

Se prohíbe la reproducción total o parcial de esta obra, sea cual fuere el medio, sin la anuencia por escrito del titular de los derechos.

ISBN 978-607-16-5972-9 (rústico, Obra completa)
ISBN 978-607-16-7574-3 (rústico, Vol. 3)
ISBN 978-607-16-6120-3 (electrónico-pdf, Obra completa)
ISBN 978-607-16-7792-1 (electrónico-pdf, Vol. 3)

Impreso en México • *Printed in Mexico*

Sobre Richard Feynman

Nacido en 1918 en la ciudad de Nueva York, Richard P. Feynman recibió su doctorado de la Universidad de Princeton en 1942. A pesar de que era muy joven, tuvo un papel importante en el Proyecto Manhattan en Los Álamos durante la segunda Guerra Mundial. Más tarde, dio clases en la Universidad Cornell y en el Instituto de Tecnología de California. En 1965 recibió el premio Nobel de física, junto con Sin-Itiro Tomonaga y Julian Schwinger, por su trabajo en la electrodinámica cuántica.

El doctor Feynman ganó el premio Nobel por haber resuelto con éxito algunos problemas de la teoría de la electrodinámica cuántica. También creó una teoría matemática que explica el fenómeno de la superfluidez en el helio líquido. Después, con Murray Gell-Mann, realizó un trabajo fundamental en el área de las interacciones débiles como la desintegración beta. En años posteriores, Feynman desempeñó un papel clave en el desarrollo de la teoría de los quarks al presentar su modelo de partones de procesos de colisión de protones de alta energía.

Más allá de estos logros, el doctor Feynman introdujo nuevas técnicas básicas de computación y notación en la física: se destacan los omnipresentes diagramas de Feynman que, quizá más que ningún otro formalismo en la historia científica cercana, han cambiado la manera en la que los procesos físicos básicos son conceptualizados y calculados.

Feynman fue un maestro sobresaliente en su labor. De todos sus numerosos galardones, estaba orgulloso en particular de la Medalla Oersted para la enseñanza, a la cual se hizo acreedor en 1972. Un reseñista de *Scientific American* describió las *Lecciones de física de Feynman*, publicadas originalmente en 1963, como “arduas, pero sustanciosas y llenas de sabor. Después de 25 años son la guía para maestros y para los mejores alumnos que comienzan”. Con el fin de mejorar la comprensión de la física entre los no especialistas, el doctor Feynman escribió: *El carácter de la ley física y Electrodinámica cuántica. La extraña teoría de la luz y la materia*. También fue autor de varias publicaciones avanzadas que se han vuelto referencias y manuales clásicos para investigadores y estudiantes.

Richard Feynman fue un hombre público productivo. Su trabajo en la comisión Challenger es perfectamente conocido, sobre todo su famosa demostración de la susceptibilidad de las juntas tóricas al frío, un experimento elegante que requería de nada más que un vaso de agua helada y una abrazadera. Fueron menos célebres los esfuerzos del doctor Feynman en los años sesenta en el comité curricular de la Universidad Estatal de California, donde protestó por la mediocridad de los libros de texto.

Una recitación de los incontables logros científicos y educativos de Richard Feynman no puede capturar adecuadamente la esencia de este hombre. Como lo sabe cualquier lector de sus publicaciones, incluso las más técnicas, la personalidad dinámica y multifacética de Feynman resplandece a lo largo de toda su obra. Además de físico, en muchas ocasiones fue reparador de radios, forzador de cerraduras, artista, bailarín, intérprete de bongó y descifrador de jeroglíficos mayas. Con una curiosidad perpetua por su mundo, fue un empirista ejemplar.

Richard Feynman murió el 15 de febrero de 1988 en Los Ángeles.

Prefacio a la Edición del nuevo milenio

Han pasado casi 50 años desde que Richard Feynman impartió el curso introductorio de física en el Instituto de Tecnología de California (Caltech) que dio origen a estos tres volúmenes, las *Lecciones de física de Feynman*. En esos 50 años, nuestra comprensión del mundo físico ha cambiado en gran medida, pero esta obra ha perdurado. Las lecciones de Feynman son tan poderosas hoy en día como lo eran recién publicadas, gracias a lo singular de sus observaciones sobre la física y su método de enseñanza. Físicos principiantes y experimentados las han estudiado por igual en todo el mundo; han sido traducidas al menos a una docena de lenguas, con más de 1.5 millones de ejemplares impresos sólo en inglés. Quizá ninguna otra serie de libros de física haya tenido un impacto tan amplio y duradero.

Esta *Edición del nuevo milenio* abre paso a una nueva era para las *Lecciones de física de Feynman*: la era de la edición digital en el siglo XXI. Las *Lecciones* se han vuelto *Lecciones-e* cuyo texto y ecuaciones se expresan en el lenguaje de composición tipográfica L^AT_EX y cuyas figuras fueron hechas de nuevo en su totalidad con software de dibujo moderno.

Las consecuencias para la edición *impresa* de esta edición *no* sorprenden; se ve casi igual a los libros rojos originales que los estudiantes de física han conocido y disfrutado por décadas. Las diferencias principales están en un índice alfabético ampliado y mejorado, en la corrección de 885 erratas que los lectores encontraron a lo largo de cinco años desde la primera impresión de la edición anterior, y en la facilidad de corregir erratas que los futuros lectores lleguen a encontrar. Regresaré a esto líneas adelante.

La *eBook Version* de esta edición y la *Enhanced Electronic Version* son innovaciones electrónicas. En contraste con la mayoría de las versiones electrónicas de libros técnicos del siglo XX, cuyas ecuaciones, figuras y en ocasiones incluso texto pierden calidad en cuanto uno trata de ampliarlos, el manuscrito en L^AT_EX de la *Edición del nuevo milenio* hace posible la creación de libros electrónicos de la más alta calidad, en los que todas las características de la página (excepto las fotografías) pueden ampliarse sin límites y conservar sus formas y definición precisas. Y la *Enhanced Electronic Version*, que cuenta con audio y fotografías de pizarrones de las lecciones originales de Feynman, además de hipervínculos a otros recursos, es una innovación que le habría dado mucha satisfacción a Feynman.

Recuerdos de las lecciones de Feynman

Estos tres volúmenes son un tratado pedagógico autosuficiente. También son un registro histórico de las lecciones universitarias de física de Feynman entre 1961 y 1964, una materia obligatoria para todos los estudiantes de primer y segundo años en Caltech, sin importar la especialidad a la que aspirarán.

Los lectores se preguntarán, como lo hice yo, cuál fue el impacto que las lecciones de Feynman tuvieron en los estudiantes que las presenciaron. En su Prefacio a estos volúmenes, Feynman ofreció un punto de vista algo negativo al respecto: “No creo que me haya ido muy bien con los estudiantes”, escribió. Matthew Sands, en su breve texto autobiográfico en *Feynman’s Tips on Physics*, expresó un punto de vista mucho más optimista. Por pura curiosidad, en la primavera de 2005 envié correos electrónicos o hablé con una muestra *cuasi* aleatoria de 17 alumnos (de unos 150) de la clase de Feynman entre 1961 y

1963 —entre ellos algunos a los que se les dificultó mucho la clase y otros que no tuvieron ningún problema para dominarla, biólogos, químicos, ingenieros, geólogos, matemáticos y astrónomos, al igual que físicos—.

Puede que los años intermedios hayan esmaltado sus recuerdos de un matiz eufórico, pero cerca de 80 % de ellos recuerdan las lecciones de Feynman como uno de los puntos más memorables de sus años de universidad. “Era como ir a la iglesia.” Las lecciones eran “una experiencia transformativa”, “una experiencia de vida, probablemente lo más importante que obtuve de Caltech”. “Yo estudiaba biología, pero las lecciones de Feynman se destacan como uno de los puntos más altos en mi experiencia universitaria... aunque debo admitir que en esa época no podía hacer la tarea y casi no entregué ninguna.” “Yo me encontraba entre los estudiantes menos prometedores de su clase, y nunca me perdí una sola sesión... recuerdo y todavía puedo sentir el entusiasmo de Feynman por el descubrimiento... Sus lecciones tenían un... impacto emocional que quizá se perdió en las *Lecciones* impresas.”

En contraste, varios de los estudiantes tienen recuerdos negativos debido en gran medida a dos cuestiones: (i) “No podías aprender a trabajar con los problemas de tarea al asistir a las lecciones. Feynman era demasiado ingenioso: conocía trucos y sabía qué aproximaciones podían hacerse, tenía una intuición basada en la experiencia y en una genialidad que un estudiante que apenas comienza no posee”. Feynman y sus colegas, conscientes de esta falla en el curso, la resarcieron en parte con materiales que se han incorporado a *Feynman's Tips on Physics*: tres lecciones hechas por el propio Feynman sobre resolución de problemas, y un conjunto de ejercicios y respuestas preparado por Robert B. Leighton y Rochus Vogt. (ii) “La inseguridad de no saber lo que podría discutirse en la siguiente lección, la falta de un libro de texto o referencia que tuviera cualquier relación con el material de lectura y la consecuente inhabilidad que teníamos para adelantar lecturas eran muy frustrantes... Las lecciones me parecían emocionantes y comprensibles en el aula, pero afuera eran sánscrito (cuando trataba de reconstruir los detalles).” Desde luego, este problema se resolvió en estos tres volúmenes, la versión impresa de las *Lecciones de física de Feynman*. Éstas se volvieron el libro de texto que los estudiantes de Caltech han usado para estudiar durante muchos años después, y sobreviven hoy en día como uno de los mayores legados de Feynman.

Una historia de erratas

Feynman y sus coautores, Robert B. Leighton y Matthew Sands, produjeron las *Lecciones de física de Feynman* con gran rapidez, trabajando a partir de grabaciones y fotografías de pizarrones de las lecciones de Feynman† (ambas se incorporaron en la *Enhanced Electronic Version* de esta *Edición del nuevo milenio*). Debido al ritmo tan acelerado al que trabajaron Feynman, Leighton y Sands, era inevitable que muchos errores se colaran en la primera edición. Feynman acumuló largas listas de erratas alegadas en los años subsiguientes, erratas que hallaron los estudiantes y profesores de Caltech así como lectores alrededor del mundo. En los años sesenta e inicios de los setenta, Feynman hizo un espacio en su ajetreada vida para verificar la mayor parte de las erratas, aunque no todas, de los volúmenes I y II e insertar las correcciones en las reimpressiones siguientes. Pero el sentido del deber de Feynman nunca logró sobreponerse a su entusiasmo por nuevos descubrimientos para lograr que atendiera las erratas en el volumen III.‡ Después de su muerte prematura en 1988, las listas de erratas de los tres volúmenes se guardaron en el Archivo de Caltech y quedaron ahí olvidadas.

† Para descripciones de la génesis de las lecciones de Feynman y de estos volúmenes, véanse el prefacio y las introducciones a cada uno de los tres volúmenes, e incluso véase el texto autobiográfico de Matt Sands en *Feynman's Tips on Physics*, y el prefacio especial a la *Edición conmemorativa* de las *Lecciones de Feynman*, escrito en 1989 por David Goodstein y Gerry Neugebauer, que también aparece en la *Edición definitiva* de 2005.

‡ En 1975 comenzó a buscar las erratas del volumen III, pero se distrajo con otras cosas y nunca terminó la tarea, de modo que no se hicieron correcciones.

En 2002, Ralph Leighton (hijo del fallecido Robert Leighton y compañero de Feynman) me informó de las viejas erratas y de una nueva y larga lista que había compilado su amigo Michael Gottlieb. Leighton propuso que Caltech realizara una nueva edición de las *Lecciones de Feynman* con todas las erratas corregidas, y que la publicara junto con un nuevo volumen de material complementario, *Feynman's Tips on Physics*, que él y Gottlieb estaban preparando.

Feynman era mi héroe y fue mi amigo cercano. Cuando vi las listas de erratas y el contenido del nuevo volumen propuesto, accedí pronto a supervisar el proyecto en representación de Caltech (que durante mucho tiempo fue el hogar académico de Feynman, al cual él, Leighton y Sands habían encomendado todos los derechos y responsabilidades de las *Lecciones de Feynman*). Después de un año y medio de trabajo meticuloso por parte de Gottlieb, y del atento examen del doctor Michael Hartl (un investigador posdoctoral notable de Caltech que evaluó todas las erratas además del nuevo volumen), la *Definitive Edition of the Feynman Lectures on Physics* vio la luz en 2005; tenía alrededor de 200 erratas corregidas y estaba acompañada por *Feynman's Tips on Physics*, de Feynman, Gottlieb y Leighton.

Yo *pensé* que esa edición iba a ser la “definitiva”. Lo que no anticipé fue la respuesta entusiasta de los lectores alrededor del mundo ante el llamado de Gottlieb para identificar más erratas y enviarlas por medio del sitio web que él creó y aún mantiene, *The Feynman Lectures Website*, www.feynmanlectures.info. En los cinco años a partir de entonces, se han enviado 965 erratas nuevas que sobrevivieron el meticuloso escrutinio de Gottlieb, Hartl y Nate Bode (un estudiante de posgrado notable de Caltech, quien sucedió a Hartl como el examinador de erratas por parte de esta institución). De estas 965 erratas evaluadas, 80 se corrigieron en la cuarta reimpression de la *Definitive Edition* (agosto de 2006) y las otras 885 se corrigieron en esta primera impresión de la *Edición del nuevo milenio* (332 en el volumen I, 263 en el volumen II y 200 en el volumen III). Para los detalles de las erratas, véase www.feynmanlectures.info.

Está claro que liberar de errores las *Lecciones de física de Feynman* se ha vuelto una empresa comunitaria a nivel mundial. En nombre de Caltech agradezco a los 50 lectores que han contribuido desde 2005 y a los muchos más que lleguen a contribuir en los años por venir. Los nombres de todos los que contribuyeron se encuentran en www.feynmanlectures.info/flp_errata.html.

Casi todas las erratas han sido de tres tipos: (i) errores tipográficos en prosa; (ii) errores tipográficos y matemáticos en ecuaciones, tablas y figuras —errores en signos, números incorrectos (por ejemplo, un 5 que debería ser un 4), así como subíndices, signos de suma, paréntesis y términos faltantes en ecuaciones—; (iii) referencias cruzadas incorrectas a otros capítulos, tablas y figuras. Esta clase de errores, a pesar de que no son gravísimos para un físico experimentado, pueden ser frustrantes y confusos para la audiencia primaria de Feynman: los estudiantes.

Cabe resaltar que entre las 1 165 erratas que se corrigieron bajo mi auspicio son pocas las que considero como verdaderos errores en física. Un ejemplo está en el volumen II, página 5-10 que ahora dice “[...] si una cavidad está completamente encerrada por un conductor a tierra, ninguna distribución estática de cargas en el *interior* puede producir campos [eléctricos] en el *exterior*” (la precisión “a tierra” fue omitida en ediciones previas). Este error le fue señalado a Feynman por varios lectores, entre los que estaba Beulah Elizabeth Cox, estudiante en el College of William and Mary, quien confió en el pasaje erróneo de Feynman para un examen. En 1975 Feynman le escribió lo siguiente a la señorita Cox:† “Tu profesor tuvo razón en no darte puntos, pues tu respuesta es incorrecta, como lo demostró él usando la ley de Gauss. En la ciencia, se deben usar argumentos lógicos y elaborados con cuidado, no sólo creer en las autoridades. También leíste el libro correctamente y lo entendiste. Cometí un error, y el libro está mal. Tal vez estaba pensando en una esfera conductora a tierra, o bien en el hecho de que

† Páginas 288-289 de *Perfectly Reasonable Deviations from the Beaten Track, The Letters of Richard P. Feynman*, editado por Michelle Feynman (Basic Books, Nueva York, 2005).

mover las cargas en lugares distintos del interior no afecta las cosas en el exterior. No estoy seguro, pero metí la pata. Y tú también metiste la pata por creermelo”.

Cómo cobró vida esta Edición del nuevo milenio

Entre noviembre de 2005 y julio de 2006, 340 erratas fueron enviadas al sitio web de las *Lecciones de Feynman* www.feynmanlectures.info. Llama la atención que el grueso de éstas viniera de una sola persona: el doctor Rudolf Pfeiffer, que entonces era becario de posdoctorado en la Universidad de Viena, Austria. La editorial, Addison Wesley, arregló 80 erratas, pero se resistió a arreglar más debido al costo: los libros se imprimían mediante un proceso de foto offset y trabajaban con imágenes fotográficas de las páginas de los años sesenta. Corregir un error implicaba volver a formar la página entera, y para asegurar que no se colaran nuevos errores, la página debía volver a formarse por dos personas diferentes, para que luego la leyeran y corrigieran varias personas distintas: se trata de un proceso muy costoso cuando hay cientos de erratas en juego.

Gottlieb, Pfeiffer y Ralph Leighton estaban muy disgustados con esto, por lo que formularon un plan para facilitar el arreglo de todas las erratas, y también producir la versión electrónica y la aumentada de las *Lecciones de física de Feynman*. Me propusieron su plan a mí, como representante de Caltech, en 2007. Me emocioné, pero procedí con cautela. Después de ver más detalles, entre ellos un capítulo de muestra de la *Enhanced Electronic Version*, recomendé que Caltech cooperara con Gottlieb, Pfeiffer y Leighton para llevar a cabo su plan. El plan recibió la aprobación de tres catedráticos sucesivos de la División de Física, Matemáticas y Astronomía de Caltech: Tom Tombrello, Andrew Lange y Tom Soifer, y los detalles contractuales y legales complejos fueron resueltos por el abogado de Propiedad Intelectual de Caltech, Adam Cochran. Con la publicación de esta *Edición del nuevo milenio*, el plan se llevó a cabo con éxito, a pesar de su complejidad. Específicamente:

Pfeiffer y Gottlieb convirtieron a \LaTeX los tres volúmenes de las *Lecciones* (y también más de 1000 ejercicios del curso de Feynman para incorporarlos a *Feynman's Tips on Physics*). Las figuras de las *Lecciones* se volvieron a trazar en formato electrónico moderno en India, bajo la supervisión del traductor al alemán de las *Lecciones*, Henning Heinze, para su uso en la edición alemana. Gottlieb y Pfeiffer intercambiaron el uso no exclusivo de sus ecuaciones en \LaTeX en la edición alemana (publicada por Oldenbourg) por el uso no exclusivo de las figuras de Heinze en esta *Edición del nuevo milenio* inglesa. Pfeiffer y Gottlieb verificaron con cuidado todo el texto y ecuaciones en \LaTeX y todas las figuras que se volvieron a trazar, e hicieron las correcciones necesarias. Nate Bode y yo, en representación de Caltech, hemos hecho controles aleatorios del texto, ecuaciones y figuras; y sorprendentemente, no hemos encontrado errores. Gottlieb y Pfeiffer son meticulosos y precisos en un grado increíble. Gottlieb y Pfeiffer concertaron que John Sullivan de la Biblioteca Huntington digitalizara las fotos de los pizarrones de Feynman entre 1962 y 1964, y que George Blood Audio digitalizara las grabaciones de las lecciones —con apoyo financiero y moral del profesor de Caltech Carver Mead, apoyo logístico de la archivista Shelley Erwin, y apoyo legal de Cochran—.

La problemática legal era seria: en los años sesenta, Caltech cedió los derechos a Addison Wesley para publicar la edición impresa, y en los años noventa, los derechos para distribuir el audio de las lecciones de Feynman y una variante de una edición electrónica. En la década del 2000, a través de una serie de adquisiciones de esas licencias, los derechos impresos se transfirieron al grupo editorial Pearson, mientras que los derechos electrónicos y de audio se transfirieron al grupo editorial Perseus. Con ayuda de Ike Williams, abogado especialista en lo editorial, Cochran logró unir todos estos derechos con Perseus (Basic Books), con lo que hizo posible esta *Edición del nuevo milenio*.

Agradecimientos

En nombre de Caltech, agradezco a las numerosas personas que han hecho posible esta *Edición del nuevo milenio*. En específico, quiero agradecer a las personas clave mencionadas líneas arriba: Ralph Leighton, Michael Gottlieb, Tom Tombrello, Michael Hartl, Rudolf Pfeiffer, Henning Heinze, Adam Cochran, Carver Mead, Nate Bode, Shelley Erwin, Andrew Lange, Tom Soifer, Ike Williams, y a las 50 personas que enviaron las erratas (quienes se enlistan en www.feynmanlectures.info). También agradezco a Michelle Feynman (hija de Richard Feynman) por su apoyo y consejo continuos, a Alan Rice por su asistencia tras bambalinas y asesoría en Caltech, a Stephan Puchegger y Calvin Jackson por su ayuda y orientación, a Pfeiffer por la conversión de las *Lecciones* a L^AT_EX, y a Michael Figl, Manfred Smolik y Andreas Stangl por las discusiones sobre correcciones de erratas; así como al personal de Perseus/Basic Books, y (por las ediciones previas) al personal de Addison Wesley.

Kip S. Thorne
Profesor emérito Feynman de física teórica
Instituto de Tecnología de California

Octubre de 2010

Prefacio de Feynman



Éstas son las lecciones de física que di el año pasado y el antepasado a los estudiantes de los primeros años en el Instituto Tecnológico de California (Caltech). Por supuesto que éstas no son textuales; han sido editadas, a veces con gran extensión y a veces con muy poca. Las clases constituyen sólo parte del curso completo. El grupo total de 180 estudiantes se reunía dos veces por semana en un aula grande para atender a las explicaciones, y luego se dividía en grupos pequeños de 15 a 20 estudiantes en secciones de discusión y práctica bajo la guía de un ayudante de docencia. Había, además, una sesión de laboratorio por semana.

Con estas clases tratábamos de resolver un problema especial: mantener el interés de los estudiantes muy entusiastas y bastante despiertos que egresaban del bachillerato para entrar en el Caltech. Muchos habían oído hablar de lo interesante y estimulante que es la física: la teoría de la relatividad, la mecánica cuántica y otras ideas modernas. Pero al terminar los dos años del curso anterior al nuestro, muchos de ellos se sentían descorazonados porque realmente se les presentaban muy pocas ideas geniales, nuevas o interesantes. Se les hacía estudiar planos inclinados, electrostática y cuestiones por el estilo, y después de dos años era como para volverse tonto. Se trataba, pues, de ver si podíamos hacer un curso que salvara a los estudiantes más avanzados y animados manteniéndoles el entusiasmo.

Aunque mi intención no fue convertir las clases en un campo de estudio e investigación, preparé las lecciones para los más inteligentes de la clase a fin de asegurarme, si era posible, que aun los estudiantes más inteligentes no podrían abarcar completamente el contenido de cada lección; para ello introduje recomendaciones sobre la aplicación de las ideas y conceptos en diversas direcciones, las cuales se apartaban de la línea principal de ataque. Por esta razón, sin embargo, traté concienzudamente de hacer que todos los enunciados fueran lo más precisos posibles, de señalar en cada caso, dónde encajaban las ecuaciones y las ideas en el cuerpo de la física y cómo —cuando aprendieron más— se modificarían las cosas. Pensé, además, que para los estudiantes es importante indicar qué es lo que deben ser capaces —si son suficientemente inteligentes— de comprender por deducción de lo que se ha dicho antes y qué se está introduciendo como cosa nueva. Cuando se presentaban nuevas ideas, traté de deducirlas si eran deducibles o de explicar que *era* una nueva idea sin base alguna en lo que ya habían aprendido y que se suponía que no era demostrable, sino simplemente un agregado.

Al comenzar estas lecciones supuse que los estudiantes traían cierto conocimiento del bachillerato —como óptica geométrica, ideas simples sobre química, etc.—. Creí, también, que no había ninguna razón para dictar las lecciones en un orden determinado, en el sentido de que no debería mencionar algo hasta que no estuviera en condiciones de estudiarlo en detalle. Había abundante material que surgiría, pero sin discusión completa. Las discusiones completas se harían más tarde cuando hubiera mayor preparación para seguir las. Ejemplos de esto son el tratamiento de la inductancia y el de los niveles de energía, que primero se introducen en forma muy cualitativa y luego se desarrollan en forma más detallada.

Al mismo tiempo que me dirigía al estudiante más activo, quise cuidar del individuo para quien los adornos en demasía y las aplicaciones laterales son meramente intranquilizadores, cuando no se puede esperar, de ningún modo, que aprendan la mayor parte del material. Para ese estudiante traté que hubiera un núcleo central o columna vertebral de material que *podiera* captar. Tenía la esperanza de que no se pondría nervioso aunque no entendiera todo el contenido de una lección. No esperaba que comprendiera todo sino los rasgos centrales y más directos. Naturalmente que se necesitaba cierta inteligencia de su parte para ver cuáles eran los teoremas e ideas centrales y cuáles los resultados y aplicaciones laterales más avanzados que sólo podría entender en años posteriores.

Había una dificultad seria para dar estas lecciones: por la forma en que se daba el curso, no había una retroacción del estudiante hacia el profesor que indicara cómo estaban yendo las lecciones. Ésta es una dificultad muy seria que me impide saber con certeza hasta qué punto, en realidad, fueron muy provechosas mis clases. Todo era esencialmente un experimento. Y si lo hiciera nuevamente no lo haría en la misma forma —¡espero que *no* tenga que hacerlo de nuevo!— Creo, no obstante, que en lo que respecta a la física las cosas anduvieron muy satisfactoriamente el primer año.

El segundo año no quedé tan satisfecho. En la primera parte del curso, que trataba de la electricidad y el magnetismo, no pude encontrar ningún modo realmente único o diferente de hacerlo —ninguna manera que fuera especialmente más estimulante que la forma habitual de presentarlo—. Por lo tanto, no creo que hice mucho en las clases sobre electricidad y magnetismo. Al final del segundo año había pensado originalmente continuar dando, después de la electricidad y el magnetismo, algunas clases sobre las propiedades de los materiales, no obstante con el interés de explicar los modos fundamentales, las soluciones de la ecuación de difusión, los sistemas vibrantes, las funciones ortogonales... desarrollando, así, las primeras etapas de lo que usualmente se denomina “métodos matemáticos de la física”. Pensando en retrospectiva, creo que si lo hiciera de nuevo volvería a esa idea original. Pero como no se había contemplado que yo daría estas clases nuevamente, se sugirió que sería conveniente tratar de dar una introducción a la mecánica cuántica —que es lo que ustedes encontrarán en el tercer volumen—.

Queda perfectamente claro que los estudiantes que sigan estudiando física deberán esperar hasta el tercer año para estudiar mecánica cuántica. Por otra parte, se esgrimió el argumento de que muchos de los estudiantes de nuestro curso estudian física como base para su especialización en otros campos. Y la forma habitual de tratar la mecánica cuántica hace que el tema sea casi inalcanzable para la gran mayoría de los estudiantes ya que necesitan mucho tiempo para aprenderlo. No obstante, en sus aplicaciones concretas —especialmente en sus aplicaciones más complejas, como en la ingeniería eléctrica y en la química— realmente no se usa la maquinaria completa del tratamiento con ecuaciones diferenciales. Por ello, traté de describir los principios de la mecánica cuántica de un modo que no exigiera un conocimiento básico de la matemática de las ecuaciones diferenciales. Creo que aun para un físico es muy interesante presentar la mecánica cuántica de esta manera inversa —por varias razones que se pueden ver en las lecciones—. Sin embargo, creo que el experimento en lo correspondiente a la mecánica cuántica no tuvo éxito completo —en gran parte debido a que no tuve tiempo al final (por ejemplo, debería haber tenido tres o cuatro lecciones más para tratar detenidamente temas como las bandas de energía y la dependencia

espacial de las amplitudes)—. Además, nunca había presentado antes el tema de este modo, por lo que la falta de retroacción fue particularmente seria. Ahora creo que se debe dar la mecánica cuántica más tarde. A lo mejor algún día tenga la oportunidad de hacerlo de nuevo. Entonces lo haré mejor.

La razón de que no haya lecciones sobre cómo resolver problemas se debe a que había secciones de discusión y práctica. Aunque en el primer año incluí tres lecciones sobre cómo resolver problemas, en este curso no pude hacerlo. También había una lección sobre guía inercial que debe estar ciertamente después de la clase sobre sistemas que rotan, pero que desafortunadamente se omitió. Las lecciones quinta y sexta fueron dadas por Matthew Sands porque yo estaba fuera de la ciudad.

La pregunta es, por supuesto, hasta qué punto este experimento ha tenido éxito. Mi punto de vista —que, sin embargo, no lo comparten la mayoría de los que trabajaron con los estudiantes— es pesimista. No creo que me haya ido muy bien con los estudiantes. Cuando recuerdo el modo en que éstos manipulaban los problemas en los exámenes, pienso que el sistema es un fracaso. Por supuesto, mis amigos me indican que hubo una o dos docenas de estudiantes que —muy sorprendentemente— comprendieron casi todo el contenido en todas las lecciones y que fueron muy activos trabajando con el material y preocupándose con animación e interés por muchos tópicos. Estos individuos tienen actualmente, creo, una base de primera línea en física —y son, después de todo, aquellos a quienes quería llegar—. Pero entonces “El poder de la instrucción es, en general, poco eficaz, excepto en las felices disposiciones en que es casi superfluo” (Gibbons).

De todos modos, no quería dejar ningún estudiante completamente atrasado, como quizá lo hice. Creo que un modo más efectivo de ayudar al estudiante sería mediante la adición de tiempo y esfuerzo en el desarrollo de un conjunto de problemas que aclare algunas de las ideas contenidas en las lecciones. Los problemas dan la oportunidad de aumentar la comprensión del material expuesto haciéndolo más real, estructurado y accesible para el proceso de fijación.

Pienso, sin embargo, que la solución a este problema educativo no es otra que darse cuenta que la enseñanza sólo puede realizarse cuando hay una relación individual directa entre un estudiante y un buen profesor, situación en la cual el estudiante discute las ideas, piensa en las cosas y habla sobre ellas. Es imposible aprender simplemente asistiendo a una clase, o simplemente resolviendo los problemas asignados. Pero en los actuales momentos tenemos tantos estudiantes a quienes enseñar que debemos encontrar un sustituto de lo ideal. Quizá mis lecciones ejerzan alguna contribución. Quizá en algún lugar pequeño donde sea posible una relación individual entre profesores y estudiantes, éstos obtengan alguna inspiración o algunos conceptos de estas lecciones. Quizá entonces, también el proceso de fijar el material sea más alegre y placentero para ellos y dé origen al desarrollo de algunas ideas.

RICHARD P. FEYNMAN

Junio, 1963

Introducción

Este libro está basado en el curso de lecciones introductorias de física que dio el profesor R. P. Feynman en el Instituto de Tecnología de California (Caltech) durante el año académico 1961-1962; abarca el primero de los dos años del curso introductorio que toman todos los estudiantes de primer y segundo años en Caltech, y a éste siguió en 1962-1963 una serie similar que abarcó el segundo año. Las lecciones constituyen una parte muy importante en la revisión del curso introductorio, la cual se llevó a cabo a lo largo de un periodo de cuatro años.

La necesidad de una revisión básica surgió tanto del rápido desarrollo de la física en las décadas recientes como del hecho de que los estudiantes recién llegados han mostrado un aumento constante en su habilidad matemática a partir de las mejoras en el contenido de las clases de matemáticas del bachillerato. Nuestra intención fue aprovechar este mayor bagaje matemático y al mismo tiempo introducir suficientes temas modernos para que el curso fuera exigente, interesante y más representativo de la física de hoy en día.

Para generar una variedad de ideas sobre qué material incluir y cómo presentarlo, se alentó a un número sustancial de profesores de física a que ofrecieran sus ideas en forma de planes temáticos para un curso revisado. Varios de éstos fueron presentados y discutidos de manera crítica y profunda. Casi de inmediato se llegó al acuerdo de que una revisión básica del curso no se podría lograr adoptando un libro de texto diferente, ni siquiera escribiendo uno *ab initio*, sino que el nuevo curso debía centrarse en un conjunto de lecciones presentadas a ritmo de dos o tres por semana; el material textual apropiado se produciría luego como una operación secundaria conforme avanzaba el curso, y también se organizarían experimentos de laboratorio adecuados para el material de las lecciones. En consecuencia, se fijó un plan del curso a grandes rasgos, pero se reconoció que era tentativo y estaba incompleto y sujeto a modificaciones considerables por parte de quien fuera a tener la responsabilidad de efectivamente preparar las lecciones.

En cuanto al mecanismo mediante el cual sería finalmente puesto en práctica el curso, se consideraron varios planes. Éstos se parecían mucho entre sí, incluían un esfuerzo cooperativo por N número de miembros del personal que compartirían la carga total de trabajo de manera simétrica y equitativa: cada uno tomaría la responsabilidad de $1/N$ del material, daría las lecciones y escribiría el material textual para su parte. Sin embargo, la falta de disponibilidad de personal suficiente y la dificultad de mantener un punto de vista uniforme ante las diferencias de personalidad y filosofía entre los participantes individuales hacían que estos planes fueran irrealizables.

Darse cuenta de que verdaderamente poseíamos los medios para crear no sólo un curso nuevo y diferente de física, sino quizá uno único, resultó ser una inspiración dichosa para el profesor Sands. Él sugirió que el profesor R. P. Feynman preparara y diera las lecciones, y que éstas fueran grabadas. Una vez transcritas y editadas, se convertirían en el libro de texto para el nuevo curso. En esencia, éste fue el plan que se adoptó.

Se esperaba que la edición necesaria fuera menor, pues consistiría principalmente en proporcionar figuras y revisar la puntuación y la gramática; la harían uno o dos estudiantes de posgrado a tiempo parcial. Desafortunadamente, esta expectativa fue pasajera. En realidad, fue una operación editorial mayor poder transformar la transcripción literal a una forma legible, aun sin la reorganización o revisión del tema tratado que a veces se requería. Además, no era trabajo para un editor técnico o para un estudiante de posgrado, sino uno que requería la atención minuciosa de un físico profesional ¡de 10 a 20 horas por lección!

La dificultad de la tarea editorial, junto con la necesidad de poner el material en manos de los estudiantes tan pronto como fuera posible, puso un límite estricto en qué tanto se podía “pulir” el material en realidad, y en consecuencia nos vimos forzados a apostar por un producto preliminar pero técnicamente correcto que pudiera usarse de inmediato, en lugar de uno que pudiera considerarse final o terminado. Debido a una necesidad urgente de más ejemplares para nuestros alumnos, y a un interés alentador por parte de profesores y estudiantes de varias instituciones distintas, decidimos publicar el material en su forma preliminar en lugar de esperar una revisión ulterior más profunda que quizá nunca llegaría. No nos hacemos ilusiones en cuanto a lo completo o fluido del material, ni en cuanto a su organización lógica; de hecho, planeamos varias modificaciones menores en el futuro inmediato, y esperamos que no se vuelva estático en su forma o contenido.

Además de las lecciones, que constituyen una parte de importancia central para el curso, era necesario también proporcionar ejercicios adecuados para acrecentar la experiencia y habilidad de los estudiantes, así como experimentos oportunos para facilitar un contacto de primera mano con el material de las lecciones en el laboratorio. Ninguno de estos aspectos se encuentra en un estado tan avanzado como el material de las lecciones, pero se ha hecho un progreso considerable. Algunos ejercicios fueron elaborados conforme progresaban las lecciones y luego expandidos y amplificados para su uso al año siguiente. Sin embargo, puesto que todavía no estamos convencidos de que los ejercicios proporcionen suficiente variedad y profundidad de aplicación de los materiales de las lecciones para dar al alumno plena conciencia del tremendo poder que está a su disposición, los ejercicios se publicaron por separado en un formato menos permanente para así alentar una revisión frecuente.

El profesor H. V. Neher ha ideado varios novedosos experimentos para el nuevo curso. Entre ellos se encuentran varios que utilizan la fricción extremadamente baja que presenta un cojinete de gas: un nuevo canal lineal de aire con el que es posible hacer mediciones cuantitativas de movimiento unidimensional, impactos y movimiento armónico, y un trompo de color de Maxwell soportado e impulsado por aire con el que se pueden estudiar el movimiento de rotación acelerado y la precesión y nutación giroscópicas. Se espera que el desarrollo de nuevos experimentos de laboratorio dure un tiempo considerable.

El programa de revisión se llevó a cabo bajo la dirección de los profesores R. B. Leighton, H. V. Neher y M. Sands. En el programa participaron oficialmente los profesores R. P. Feynman, G. Neugebauer, R. M. Sutton, H. P. Stabler, F. Strong y R. Vogt, de la división de física, matemáticas y astronomía, y los profesores T. Caughey, M. Plesset y C. H. Wilts de la división de ciencias de la ingeniería. Reconocemos y agradecemos la valiosa asistencia de todos aquellos que contribuyeron al programa de revisión. Estamos en deuda en especial con la Fundación Ford, sin cuyo apoyo financiero este programa no podría haberse llevado a cabo.

ROBERT B. LEIGHTON

Julio, 1963

Índice general

CAPÍTULO 1. COMPORTAMIENTO CUÁNTICO

1-1 Mecánica atómica	1-1
1-2 Un experimento con balas	1-2
1-3 Un experimento con ondas	1-3
1-4 Un experimento con electrones	1-4
1-5 Interferencia de ondas-electrones	1-6
1-6 Espiando a los electrones	1-7
1-7 Los primeros principios de la mecánica cuántica	1-10
1-8 El principio de incertidumbre	1-11

CAPÍTULO 2. RELACIÓN ENTRE LOS PUNTOS DE VISTA DE ONDAS Y DE PARTÍCULAS

2-1 Amplitudes de onda de probabilidad	2-1
2-2 Medición de la posición y el momentum	2-2
2-3 Difracción de cristales	2-5
2-4 El tamaño de un átomo	2-6
2-5 Niveles de energía	2-7
2-6 Implicaciones filosóficas	2-8

CAPÍTULO 3. AMPLITUDES DE PROBABILIDAD

3-1 Leyes para combinar amplitudes	3-1
3-2 El patrón de interferencia de dos rejillas	3-5
3-3 Dispersión en un cristal	3-8
3-4 Partículas idénticas	3-10

CAPÍTULO 4. PARTÍCULAS IDÉNTICAS

4-1 Bosones y fermiones	4-1
4-2 Estados con dos bosones	4-3
4-3 Estados con n bosones	4-6
4-4 Emisión y absorción de fotones	4-8
4-5 El espectro de cuerpo negro	4-9
4-6 El helio líquido	4-12
4-7 El principio de exclusión	4-13

CAPÍTULO 5. ESPÍN UNO

5-1 Filtrando átomos con un aparato de Stern-Gerlach	5-1
5-2 Experimentos con átomos filtrados	5-5
5-3 Filtros de Stern-Gerlach en serie	5-7
5-4 Estados base	5-8
5-5 Amplitudes que interfieren	5-10

5-6 La maquinaria de la mecánica cuántica	5-13
5-7 Transformando a una base diferente	5-15
5-8 Otras situaciones	5-17

CAPÍTULO 6. ESPÍN UN MEDIO

6-1 Transformando amplitudes	6-1
6-2 Transformando a un sistema de coordenadas rotado	6-3
6-3 Rotaciones alrededor del eje z	6-6
6-4 Rotaciones de 180° y de 90° alrededor de y	6-9
6-5 Rotaciones alrededor de x	6-12
6-6 Rotaciones arbitrarias	6-13

CAPÍTULO 7. DEPENDENCIA TEMPORAL DE LAS AMPLITUDES

7-1 Átomos en reposo, estados estacionarios	7-1
7-2 Movimiento uniforme	7-3
7-3 Energía potencial, conservación de la energía	7-6
7-4 Fuerzas: el límite clásico	7-9
7-5 La “precesión” de una partícula con espín un medio	7-11

CAPÍTULO 8. LA MATRIZ HAMILTONIANA

8-1 Amplitudes y vectores	8-1
8-2 Descomposición de vectores de estado	8-3
8-3 ¿Cuáles son los estados base del mundo?	8-5
8-4 ¿Cómo cambian los estados en el tiempo?	8-8
8-5 La matriz hamiltoniana	8-10
8-6 La molécula de amoniaco	8-11

CAPÍTULO 9. EL MÁSER DE AMONIACO

9-1 Los estados de una molécula de amoniaco	9-1
9-2 La molécula en un campo eléctrico estático	9-5
9-3 Transiciones en un campo dependiente del tiempo	9-9
9-4 Transiciones en resonancia	9-12
9-5 Transiciones fuera de resonancia	9-14
9-6 Absorción de luz	9-15

CAPÍTULO 10. OTROS SISTEMAS DE DOS ESTADOS

10-1 El ion del hidrógeno molecular	10-1
10-2 Fuerzas nucleares	10-6
10-3 La molécula de hidrógeno	10-8
10-4 La molécula de benceno	10-11
10-5 Colorantes	10-12

10-6 El hamiltoniano de una partícula con espín un medio en un campo magnético	10-13
10-7 El electrón con espín en un campo magnético	10-16

CAPÍTULO 11. MÁS SISTEMAS DE DOS ESTADOS

11-1 Las matrices de espín de Pauli	11-1
11-2 Las matrices de espín como operadores	11-5
11-3 La solución de las ecuaciones de dos estados	11-8
11-4 Los estados de polarización del fotón	11-9
11-5 El mesón K neutro	11-13
11-6 Generalización a sistemas de N estados	11-21

CAPÍTULO 12. LA ESTRUCTURA HIPERFINA EN EL HIDRÓGENO

12-1 Estados base para un sistema de dos partículas con espín un medio	12-1
12-2 El hamiltoniano para el estado fundamental del hidrógeno	12-3
12-3 Los niveles de energía	12-7
12-4 La separación de Zeeman	12-9
12-5 Los estados en un campo magnético	12-13
12-6 La matriz de proyección para espín uno	12-15

CAPÍTULO 13. PROPAGACIÓN EN UNA RED CRISTALINA

13-1 Estados para un electrón en una red unidimensional	13-1
13-2 Estados de energía definida	13-3
13-3 Estados dependientes del tiempo	13-7
13-4 Un electrón en una red tridimensional	13-8
13-5 Otros estados en una red	13-9
13-6 Dispersión por imperfecciones en la red	13-10
13-7 Atrampar con una imperfección en la red	13-12
13-8 Amplitudes de dispersión y estados enlazados	13-13

CAPÍTULO 14. SEMICONDUCTORES

14-1 Electrones y huecos en semiconductores	14-1
14-2 Semiconductores impuros	14-4
14-3 El efecto Hall	14-7
14-4 Junturas de semiconductores	14-8
14-5 Rectificación en una juntura de semiconductores	14-11
14-6 El transistor	14-12

CAPÍTULO 15. LA APROXIMACIÓN DE PARTÍCULAS INDEPENDIENTES

15-1 Ondas de espín	15-1
15-2 Dos ondas de espín	15-4
15-3 Partículas independientes	15-6
15-4 La molécula de benceno	15-7
15-5 Más química orgánica	15-11
15-6 Otros usos para la aproximación	15-13

CAPÍTULO 16. LA DEPENDENCIA DE LAS AMPLITUDES CON LA POSICIÓN

16-1 Amplitudes sobre una línea	16-1
16-2 La función de onda	16-5
16-3 Estados de momentum definido	16-7
16-4 Normalización de los estados en x	16-10
16-5 La ecuación de Schrödinger	16-12
16-6 Niveles de energía cuantizados	16-15

CAPÍTULO 17. SIMETRÍA Y LEYES DE CONSERVACIÓN

17-1 Simetría	17-1
17-2 Simetría y conservación	17-3
17-3 Las leyes de conservación	17-7
17-4 Luz polarizada	17-10
17-5 La desintegración de la Λ^0	17-12
17-6 Resumen de las matrices de rotación	17-16

CAPÍTULO 18. MOMENTUM ANGULAR

18-1 Radiación dipolar eléctrica	18-1
18-2 Dispersión de la luz	18-3
18-3 La aniquilación del positronio	18-5
18-4 Matriz de rotación para un espín cualquiera	18-10
18-5 Midiendo un espín nuclear	18-13
18-6 Composición de momentum angular	18-15
18-7 Nota adicional 1: obtención de la matriz de rotación	18-20
18-8 Nota adicional 2: conservación de la paridad en la emisión de fotones	18-23

CAPÍTULO 19. EL ÁTOMO DE HIDRÓGENO Y LA TABLA PERIÓDICA

19-1 La ecuación de Schrödinger para el átomo de hidrógeno	19-1
19-2 Soluciones con simetría esférica	19-2
19-3 Estados con dependencia angular	19-6
19-4 Solución general para el hidrógeno	19-9
19-5 Funciones de onda del hidrógeno	19-13
19-6 La tabla periódica	19-14

CAPÍTULO 20. OPERADORES

20-1 Operaciones y operadores	20-1
20-2 Valores medios de la energía	20-3
20-3 Valor medio de la energía de un átomo	20-6
20-4 El operador posición	20-8
20-5 El operador momentum	20-9
20-6 Momentum angular	20-14
20-7 Variación temporal de valores medios	20-16

CAPÍTULO 21. LA ECUACIÓN DE SCHRÖDINGER
EN EL CONTEXTO CLÁSICO: UN SEMINARIO
SOBRE SUPERCONDUCTIVIDAD

21-1	La ecuación de Schrödinger en un campo magnético	21-1
21-2	Ecuación de continuidad para probabilidades . .	21-3
21-3	Dos clases de momentum	21-5
21-4	El significado de la función de onda	21-6
21-5	Superconductividad	21-7
21-6	El efecto Meissner	21-8

21-7	Cuantificación del flujo	21-10
21-8	Dinámica de la superconductividad	21-12
21-9	Juntura de Josephson	21-14

Epílogo de Feynman
Apéndice
Índice analítico
Índice de nombres
Lista de símbolos

Comportamiento cuántico

1-1 Mecánica atómica

La “mecánica cuántica” es la descripción del comportamiento de la materia y de la luz en todos sus detalles y particularmente de los acontecimientos en escala atómica. Las cosas en una escala muy pequeña no se comportan como nada que ustedes conozcan directamente. No se comportan como ondas, no se comportan como partículas, no se comportan como nubes, o como bolas de billar, o como pesas en resortes, o como algo que hayan visto alguna vez.

Newton pensaba que la luz estaba compuesta por partículas, luego se descubrió que ésta se comporta como una onda. Más tarde, sin embargo (a principios del siglo XX), se descubrió que la luz algunas veces sí se comportaba como una partícula. Históricamente, el electrón, por ejemplo, se pensaba que se comportaba como una partícula, y luego se descubrió que, en muchos aspectos, se comportaba como una onda. En realidad, no se comporta como ninguna de ellas. Ahora nos hemos rendido. Decimos que: “No es como *ninguna de las dos*”.

Sin embargo, tenemos algo de suerte —los electrones se comportan exactamente como la luz—. El comportamiento cuántico de objetos atómicos (electrones, protones, neutrones, fotones, entre otros) es el mismo para todos ellos, todos son “ondas-partículas” o como quieran llamarlas. De este modo, todo lo que aprendamos sobre las propiedades de los electrones (los cuales usaremos para nuestros ejemplos) se puede aplicar a todas las “partículas”, incluyendo a los fotones de luz.

La acumulación gradual de información acerca del comportamiento atómico y en pequeña escala durante el primer cuarto del siglo XX, dio algunas indicaciones de cómo se comportan en realidad las cosas pequeñas y produjo una confusión creciente que fue resuelta finalmente en 1926 y 1927 por Schrödinger, Heisenberg y Born. Ellos obtuvieron una descripción consistente del comportamiento de la materia en una escala pequeña. Nosotros retomaremos los principales rasgos de esa descripción en este capítulo.

Debido a que el comportamiento atómico es tan diferente a nuestra experiencia ordinaria, es muy difícil acostumbrarse a éste, es peculiar y misterioso para todos —tanto para el físico novato como para el experimentado—. Incluso los expertos no lo comprenden en la forma que ellos quisieran, y es perfectamente razonable que ocurra así, porque la experiencia directa y la intuición humana se aplican sólo a los objetos grandes. Sabemos cómo se comportan los objetos grandes, pero los objetos en escala pequeña no se comportan igual. Así que tenemos que aprender de ellos en una forma un tanto abstracta o imaginaria, y sin relacionarlos con nuestra experiencia directa.

En este capítulo abordaremos inmediatamente el elemento básico de este comportamiento tan misterioso en su forma más extraña. Nosotros elegimos examinar un fenómeno que es imposible, *absolutamente* imposible, de explicar de manera clásica, y que encierra en sí el corazón de la mecánica cuántica. En realidad, contiene el *único* misterio. No podemos desaparecer el misterio “explicando” cómo funciona. Sólo les *diremos* cómo funciona. Al decirles cómo funciona, les hablamos acerca de las peculiaridades básicas de toda la mecánica cuántica.

1-1 Mecánica atómica

1-2 Un experimento con balas

1-3 Un experimento con ondas

1-4 Un experimento con electrones

1-5 Interferencia de ondas-electrones

1-6 Espiando a los electrones

1-7 Los primeros principios de la mecánica cuántica

1-8 El principio de incertidumbre

Nota: Este capítulo es casi lo mismo que el capítulo 37 del volumen I.

1-2 Un experimento con balas

A fin de entender el comportamiento cuántico de los electrones, compararemos y contrastaremos su comportamiento, en un arreglo experimental determinado, con el comportamiento más familiar de partículas como balas, y con el comportamiento de ondas como las ondas en el agua. Consideraremos primero el comportamiento de las balas en el arreglo experimental que se muestra a manera de diagrama en la figura 1-1. Tenemos una ametralladora que dispara un chorro de balas. No es una ametralladora muy buena, pues dispersa los proyectiles (de manera aleatoria) en un ángulo bastante grande, como se indica en la figura. Delante de la ametralladora tenemos una pared (hecha con una placa blindada) que posee dos agujeros, lo suficientemente grandes para que pase una bala. Después de la pared hay una barrera (digamos una pared gruesa de madera) que “absorberá” las balas cuando éstas la golpeen. Frente a la pared tenemos un objeto al que llamaremos “detector” de balas. Puede ser una caja que contenga arena. Cualquier bala que entre en el detector se detendrá y se irá acumulando. Cuando lo deseemos, podemos vaciar la caja y contar el número de balas acumuladas. El detector se puede mover hacia adelante y hacia atrás (en la dirección que llamaremos dirección x). Con este aparato podemos encontrar experimentalmente la respuesta a la siguiente pregunta: “¿Cuál es la probabilidad para que una bala que pasa a través de los agujeros en la pared llegue a la barrera con distancia x del centro?” Primero, deben darse cuenta de que tenemos que hablar de probabilidad, ya que no podemos decir exactamente a dónde irá una bala determinada. Una bala que golpee uno de los agujeros puede rebotar en el borde y terminar en cualquier lugar. Por “probabilidad”, entendemos la posibilidad de que la bala llegue al detector, la cual podemos medir contando el número de balas que llegan al detector en un cierto tiempo, y dividiendo este número entre el número *total* que inciden sobre la barrera durante el mismo tiempo. O bien, si suponemos que la ametralladora siempre dispara con la misma rapidez mientras se mide, la probabilidad que queremos es proporcional al número de balas que llega al detector en algún intervalo estándar de tiempo.

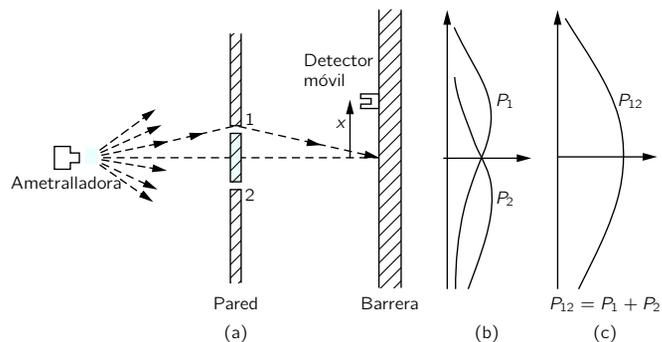


Figura 1-1. Experimento de interferencia con balas.

Para los fines que nos proponemos, nos gustaría imaginar un experimento idealizado en el cual las balas no fuesen balas reales, sino balas *indestructibles* —éstas no se pueden partir por la mitad—. En nuestro experimento encontramos que las balas siempre llegan en paquetes, y cuando encontramos algo en el detector, siempre es una bala completa. Si la rapidez a la cual la ametralladora dispara es muy pequeña, encontramos que en un momento dado ya sea que ninguna, o una y sólo una —exactamente una— bala llega a la barrera. Además, el tamaño del paquete no depende de la rapidez de disparo de la ametralladora. Diremos: “Las balas *siempre* llegan en paquetes idénticos”. Lo que medimos con nuestro detector es la probabilidad de llegada de un paquete. Y medimos dicha probabilidad en función de x . El resultado de tales mediciones con este aparato (aún no hemos realizado el experimento, así que en realidad estamos imaginando el resultado) está representado en la gráfica de la parte (c) de la figura 1-1. En la gráfica representamos a la probabilidad en la derecha y a x verticalmente, de tal forma que la escala de x se ajuste al diagrama del aparato. Llamamos a la

probabilidad P_{12} , porque las balas pueden haber llegado a través del agujero 1 o a través del agujero 2. No se sorprendan de que P_{12} sea más grande y cercano al centro de la gráfica, y que disminuya si x aumenta. Pueden preguntar, sin embargo, por qué P_{12} alcanza su valor máximo en $x = 0$. Podemos entender este hecho si repetimos nuestro experimento después de haber tapado el agujero 2, y una vez más tapando ahora el agujero 1. Cuando tapamos el agujero 2, las balas sólo pueden pasar a través del agujero 1, y obtenemos la curva marcada como P_1 en la parte (b) de la figura. Como podrían esperar, el máximo de P_1 ocurre en el valor de x que está en línea recta con la ametralladora y el agujero 1. Cuando tapamos el agujero 1, obtenemos la curva simétrica P_2 dibujada en la figura. P_2 es la distribución de probabilidad para las balas que atraviesan el agujero 2. Al comparar las partes (b) y (c) de la figura 1-1, encontramos el siguiente resultado importante:

$$P_{12} = P_1 + P_2. \quad (1.1)$$

Las probabilidades sólo se suman. El efecto que se obtiene con los dos agujeros abiertos es la suma de los efectos obtenidos con cada agujero solo. Llamaremos a este resultado una observación “sin interferencia”, por una razón que verán más adelante. Hasta aquí con las balas. Éstas llegan en paquetes, y su probabilidad de llegada no presenta interferencia.

1-3 Un experimento con ondas

Ahora deseamos considerar un experimento con ondas de agua. El aparato se muestra de manera esquemática en la figura 1-2. Tenemos un recipiente poco profundo con agua. Un pequeño objeto, denominado “fuente de ondas”, es agitado mediante un motor y forma ondas circulares. A la derecha de la fuente tenemos de nuevo una pared con dos agujeros, y después una segunda pared, la cual, para simplificar las cosas, diremos que es un “amortiguador”, de tal modo que no se reflejan las ondas que llegan a él. Esto se puede hacer construyendo una “playa” gradual de arena. Delante de la playa colocamos un detector que podemos mover hacia un lado o hacia otro en la dirección x , como en el caso anterior. El detector es ahora un aparato que mide la “intensidad” del movimiento de las ondas. Pueden imaginar que es un mecanismo que mide la altura de las ondas, pero cuya escala está calibrada en proporción con el *cuadrado* de la altura en cuestión, de tal manera que la lectura es proporcional a la intensidad de la onda. Nuestro detector lee, entonces, en proporción a la *energía* transportada por la onda —o mejor, la rapidez con que la energía es transportada al detector—.

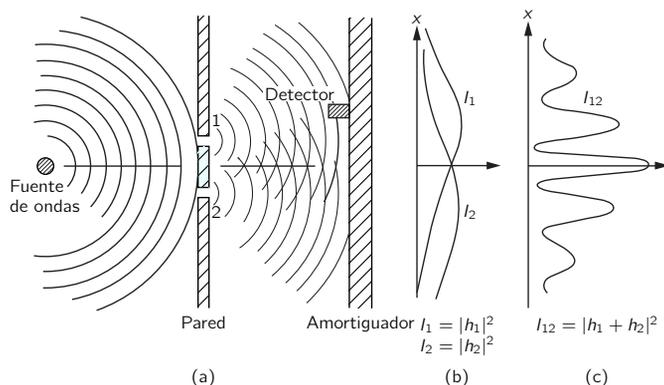


Figura 1-2. Experimento de interferencia con ondas de agua.

Con nuestro aparato de ondas, lo primero que debemos notar es que la intensidad puede tener *cualquier tamaño*. Si la fuente se mueve sólo un poco, entonces el movimiento de la onda en el detector es muy pequeño. Cuando hay más movimiento en la fuente, hay más intensidad en el detector. La intensidad de la onda puede tener cualquier valor. *No* podríamos decir que existe algún “paquete” de intensidad de onda.

Ahora midamos la intensidad de onda para diferentes valores x (conservando la fuente de ondas operando de la misma forma). Obtenemos la interesante curva marcada como I_{12} en la parte (c) de la figura.

Ya vimos cómo se pueden producir tales patrones cuando estudiamos la interferencia de ondas eléctricas en el volumen I. En este caso hemos observado que la onda original se difracta en los agujeros, y que nuevas ondas circulares surgen en cada agujero. Si tapamos un agujero a la vez y medimos la distribución de intensidad en el amortiguador, encontramos las curvas de intensidad más simples de la parte (b) de la figura. Así, I_1 es la intensidad de la onda del agujero 1 (la cual encontramos midiendo cuando tapamos el agujero 2) e I_2 es la intensidad de la onda del agujero 2 (obtenida cuando tapamos el agujero 1).

La intensidad I_{12} observada cuando ambos agujeros están abiertos ciertamente *no* es la suma de I_1 e I_2 . Decimos que hay “interferencia” de las dos ondas. En algunos lugares (donde la curva I_{12} tiene sus máximos) las ondas están “en fase” y los picos de las ondas se suman para dar una mayor amplitud y, por tanto, una mayor intensidad. Decimos que las dos ondas están “interfiriendo de manera constructiva” en esos lugares. Existirá dicha interferencia constructiva donde la distancia del detector a un agujero sea un múltiplo entero de las longitudes de onda mayor (o menor) que la distancia del detector al otro agujero.

En los lugares donde las dos ondas llegan al detector con una diferencia de fase de π (donde están “fuera de fase”), el movimiento de la onda resultante en el detector será la diferencia de las dos amplitudes. Las ondas “interfieren de manera destructiva” y obtenemos un valor bajo para la intensidad de onda. Esperamos esos valores bajos donde la distancia entre el agujero 1 y el detector difiera de la distancia entre el agujero 2 y el detector en un múltiplo impar de las semilongitudes de onda. Los valores mínimos de I_{12} en la figura 1-2 corresponden a los lugares donde las dos ondas interfieren de manera destructiva.

Ustedes recordarán que la relación cuantitativa entre I_1 , I_2 e I_{12} se puede expresar en la forma siguiente: la altura instantánea de la onda de agua en el detector para la onda del agujero 1 se puede escribir como (la parte real de) $h_1 e^{i\omega t}$, donde la “amplitud” h_1 es, en general, un número complejo. La intensidad es proporcional al cuadrado de la altura media o, cuando usamos números complejos, al cuadrado de la norma $|h_1|^2$. Del mismo modo, para el agujero 2, la altura es $h_2 e^{i\omega t}$ y la intensidad es proporcional a $|h_2|^2$. Cuando los dos agujeros están abiertos, las alturas de las ondas se suman para dar la altura $(h_1 + h_2) e^{i\omega t}$ y la intensidad $|h_1 + h_2|^2$. Omitimos la constante de proporcionalidad para nuestros propósitos actuales, las relaciones apropiadas para *ondas que interfieren* son:

$$I_1 = |h_1|^2, \quad I_2 = |h_2|^2, \quad I_{12} = |h_1 + h_2|^2. \quad (1.2)$$

Notarán que el resultado es bastante diferente al que obtuvimos con las balas (ecuación 1.1). Si desarrollamos $|h_1 + h_2|^2$ vemos que:

$$|h_1 + h_2|^2 = |h_1|^2 + |h_2|^2 + 2|h_1||h_2| \cos \delta, \quad (1.3)$$

donde δ es la diferencia de fase entre h_1 y h_2 . En términos de las intensidades podemos escribir

$$I_{12} = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \cos \delta. \quad (1.4)$$

El último término en (1.4) es el “término de interferencia”. Hasta aquí con las ondas de agua. La intensidad puede tener cualquier valor, y muestran interferencia.

1-4 Un experimento con electrones

Ahora imaginemos un experimento análogo con electrones. Éste se muestra en forma de diagrama en la figura 1-3. Hacemos un cañón de electrones, el cual consiste en un alambre de tungsteno calentado mediante una corriente eléctrica y rodeado por una caja de metal que tiene un agujero en ella. Si el alambre tiene un potencial eléctrico negativo respecto a la caja, los electrones emitidos por el

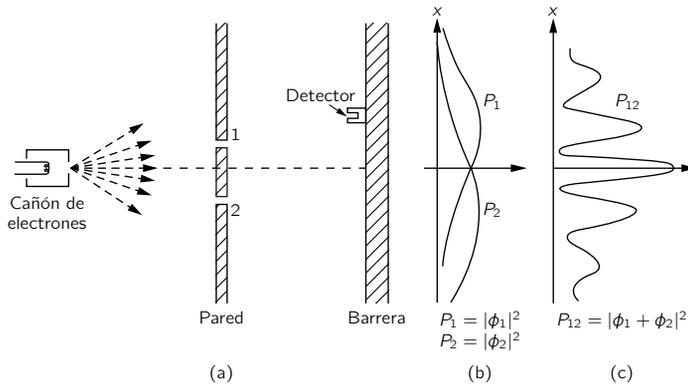


Figura 1-3. Experimento de interferencia con electrones.

alambre se acelerarán hacia las paredes y algunos atravesarán el agujero. Todos los electrones que salgan del cañón tendrán (aproximadamente) la misma energía. Delante del cañón hay de nuevo una pared (una delgada placa de metal) con dos agujeros. Después de la pared hay otra placa que funciona como “barrera”. En frente de la barrera colocamos un detector móvil. El detector puede ser un contador Geiger o, quizá mejor, un multiplicador de electrones, que se encuentra conectado a un altavoz.

Debemos ya advertir que no deben intentar montar este experimento (como pudieron haber hecho con los dos descritos anteriormente). Este experimento nunca se ha realizado de esta manera. El problema es que el aparato tendría que construirse en una escala imposiblemente pequeña para que pudiera mostrar los efectos que nos interesan. Estamos haciendo un “experimento mental”, que hemos elegido porque es fácil de imaginar. Sabemos los resultados que *se obtendrían* porque *hay* muchos experimentos que se han llevado a cabo, en los cuales la escala y las proporciones se han escogido para mostrar los efectos que describiremos.

Lo primero que notamos con nuestro experimento con electrones es que escuchamos “clics” bien definidos provenientes del detector (es decir, del altavoz). Y todos los “clics” son iguales. *No* hay “medios clics”.

También notamos que los “clics” ocurren muy al azar. Algo así como: clic... clic-clic... clic... clic... clic... clic-clic... clic... etc., igual que como han escuchado al operar a un contador Geiger. Si contamos los clics que ocurren en un tiempo suficientemente largo —digamos por varios minutos— y volvemos a contar durante otro periodo igual, encontramos que los dos números son muy semejantes. Así podemos hablar de la *rapidez promedio* en la que se escuchan los clics (tantos clics por minuto en promedio).

Cuando movemos el detector, la *rapidez* con que aparecen los clics es mayor o menor, pero el tamaño (el volumen) de cada clic es siempre el mismo. Si bajamos la temperatura del alambre en el cañón, la rapidez de los clics disminuye, pero cada clic suena igual. Notamos también que si colocamos dos detectores separados en la barrera, se oye un clic en uno o en el otro, pero nunca en los dos al mismo tiempo (excepto que, de vez en cuando, si hay dos clics muy próximos en tiempo, nuestro oído no percibe la separación). Concluimos, por lo tanto, que lo que sea que llega a la barrera lo hace en “paquetes”. Todos los “paquetes” son del mismo tamaño: sólo llegan “paquetes” completos, y llegan de uno a la vez a la barrera. Diremos que: “Los electrones siempre llegan en paquetes idénticos”.

Del mismo modo que en nuestro experimento con balas, ahora podemos dar experimentalmente la respuesta a la siguiente pregunta: “¿Cuál es la probabilidad relativa de que un ‘paquete’ de electrones llegue a la barrera a diferentes distancias x del centro?” De la misma forma que antes, obtenemos la probabilidad relativa observando la rapidez de los clics, manteniendo constante el funcionamiento del cañón. La probabilidad de que los paquetes lleguen a una x específica es proporcional a la rapidez promedio de clics en x .

El resultado de nuestro experimento es la interesante curva marcada como P_{12} en la parte (c) de la figura 1-3. ¡Sí! Ésta es la manera en que se comportan los electrones.