





HANS-KARL EDER

ZAUBERHAFTER MATHEMATIK

Mathematische Rätsel und Knobeleyen



-  Rätsel und Lösungen
-  Schon gewusst, dass ...?
-  Zaubertricks mit Zahlen
-  Videos

HANSER

Hans-Karl Eder

Zauberhafte Mathematik

Mathematische Rätsel und Knobeleyen

HANSER

Autor:

Hans-Karl Eder, 46325 Borken
zauberhafte-mathematik@t-online.de

Alle in diesem Buch enthaltenen Informationen wurden nach bestem Wissen zusammengestellt und mit Sorgfalt geprüft und getestet. Dennoch sind Fehler nicht ganz auszuschließen. Aus diesem Grund sind die im vorliegenden Buch enthaltenen Informationen mit keiner Verpflichtung oder Garantie irgendeiner Art verbunden. Autor(en, Herausgeber) und Verlag übernehmen infolgedessen keine Verantwortung und werden keine daraus folgende oder sonstige Haftung übernehmen, die auf irgendeine Weise aus der Benutzung dieser Informationen – oder Teilen davon – entsteht. Ebenso wenig übernehmen Autor(en, Herausgeber) und Verlag die Gewähr dafür, dass die beschriebenen Verfahren usw. frei von Schutzrechten Dritter sind. Die Wiedergabe von Gebrauchsnamen, Handelsnamen, Warenbezeichnungen usw. in diesem Werk berechtigt auch ohne besondere Kennzeichnung nicht zu der Annahme, dass solche Namen im Sinne der Warenzeichen- und Markenschutz Gesetzgebung als frei zu betrachten wären und daher von jedermann benutzt werden dürften.

Bibliografische Information der Deutschen Nationalbibliothek:

Die Deutsche Nationalbibliothek verzeichnet diese Publikation in der Deutschen Nationalbibliografie;

detaillierte bibliografische Daten sind im Internet über <http://dnb.d-nb.de> abrufbar.

Dieses Werk ist urheberrechtlich geschützt.

Alle Rechte, auch die der Übersetzung, des Nachdruckes und der Vervielfältigung des Buches, oder Teilen daraus, vorbehalten. Kein Teil des Werkes darf ohne schriftliche Genehmigung des Verlages in irgendeiner Form (Fotokopie, Mikrofilm oder ein anderes Verfahren) – auch nicht für Zwecke der Unterrichtsgestaltung – reproduziert oder unter Verwendung elektronischer Systeme verarbeitet, vervielfältigt oder verbreitet werden.

© 2020 Carl Hanser Verlag München;
Internet: www.hanser-fachbuch.de

Lektorat: Dipl.-Ing. Natalia Silakova-Herzberg

Herstellung: Anne Kurth

Satz: Hans-Karl Eder

Titelbild: © shutterstock.com/Tancha

Covergestaltung: Hans-Karl Eder , Max Kostopoulos

Coverkonzept: Marc Müller-Bremer,

www.rebranding.de, München

Druck und Binden: Friedrich Pustet GmbH & Co. KG,
Regensburg

Print-ISBN 978-3-446-46595-4

E-Book-ISBN 978-3-446-46596-1

E-Pub-ISBN 978-3-446-46721-7

Vorwort



Oft werde ich gefragt, für wen dieses Buch geschrieben sei. Die Antwort ist einfach: Für all diejenigen, die sich gerne mit Mathematik beschäftigen und sich – falls dies noch nicht geschehen – vom Zauber der Mathematik anstecken lassen wollen.

Jeder wird schon einmal erfahren haben, dass eine selbst gemeisterte Aufgabe oder eine gelungene Problemlösung ein Feuerwerk der guten Laune entfachen kann. Die Auseinandersetzung mit den folgenden 56 Rätseln könnte dazu beitragen, Neugierde zu wecken und Kreativität zu fördern. Manchmal sind auch Ausdauer und Anstrengung gefragt. Wer sich den Aufgaben stellt, erfährt einmal mehr: Das Denken gehört zu den größten Vergnügungen des Menschen, unabhängig von Alter, Herkunft oder Geschlecht. Sollte dennoch das Nachdenken, das Suchen nach einem Lösungsweg bei der ein oder anderen Aufgabe einmal nicht zum Erfolg führen, sind zu allen Rätseln die Lösungen und auch mögliche Lösungswege und Denkanstöße vorhanden. Ergänzend dazu können die zu jeder Aufgabe angefertigten Lösungsvideos einen weiteren Beitrag zum Verstehen leisten.

Auf vielen Seiten gibt es die Rubrik „Schon gewusst, dass ...“. Es werden interessante, überraschende und erstaunliche Erkenntnisse aus der Welt der Mathematik vorgestellt oder in Erinnerung gerufen.

Wen die Rätsel noch nicht vom Zauber der Mathematik überzeugt haben, der kann sich zu guter Letzt von den zwölf mathematischen $\leftarrow V \mid VI \rightarrow$ Zaubertricks inspirieren lassen. Alle Zaubertricks werden gelöst und rufen zum Ausprobieren auf.

Viel Freude dabei wünscht

Hans-Karl Eder

Inhaltsverzeichnis

Rätsel und Lösungen

1. Magisch²
2. Wie viele Zahlen lassen sich legen?
3. Wie groß war das Jury-Team?
4. Fußballbundesliga
5. Verwandt mit Fibonacci
6. Vier Waagen und ein Fragezeichen
7. Die Farben der Kugeln
8. Sponsorenlauf
9. Quadrominosteine
10. 19 und 24
11. Die versteckten Ostereier
12. Vernetzung
13. Julias neue Pinnwand
14. Linien im Quadrat
15. Pentagon-Zahlen
16. Ein Teil vom Parallelogramm
17. Chancen beim Monopoly-Spiel
18. Die Wahrheit kommt ans Licht
19. Die Höhe des Dreiecks
20. Ergebnis bekannt
21. Knifflige Entfernungen
22. Verschlüsselte Geburtstage
23. Mathematik-Symbole
24. Der bunte Weihnachtsbaum
25. Formensalat

26. Wasserverlust
27. Die Lichtertafel „2 aus 25“
28. Quadratzahlen
29. Wie alt ist Herr Fichtner?
30. Nachbarschaftshilfe
31. Rote und blaue Kugeln
32. Der Platz der 12
33. Bunte Decken
34. Streckenlängen
35. Preis gesucht
36. Ein „geometrisches“ Zahlenrätsel
37. Das Jahr 2020
38. Fortsetzung folgt . . .
39. Flächeninhalt gesucht
40. Verschlüsselung
41. Logische Ergänzung
42. Der „Schlüssel“ zum Erfolg
43. Das Aktiengeschäft
44. Kugeln in der Würfelbox
45. Von New York nach New Jersey
46. Die Königsaufgabe
47. Jonglieren mit Bällen und Zahlen
48. Herbst-Kirmes
49. Drei Ziffern fehlen
50. Der sichere PIN-Code
51. Dreiecke gesucht
52. Spiel mit zwei Würfeln
53. Falsch programmiert?
54. Zu Besuch im Autokino

55. Fröhliche Nachbarschaft

56. HOKUS POKUS FIDIBUS

Zaubertricks und Lösungen



Z 1. Ein Trick zum blitzschnellen Rechnen

Z 2. Ich kenne Deine Zahl

Z 3. Ich kenne die Ziffern

Z 4. Superhirn

Z 5. Fibonacci-Zauber

Z 6. Zauberhafte Multiplikation

Z 7. Zauberei mit Münzen

Z 8. Zauberei mit drei Würfeln

Z 9. Dein Geburtstag

Z 10. Unsichtbare Würfelsumme

Z 11. Die fehlende Ziffer

Z 12. Kalenderzauber

Videoübersicht

[1] Magisch²

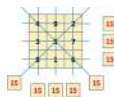


Wer kennt sie nicht, die **Magischen Quadrate**?

Hier ein Beispiel für ein 3x3-Quadrat mit den Zahlen von 1 bis 9.

4	9	2
3	5	7
8	1	6

Diese neun Zahlen sind so verteilt, dass alle Zeilen, alle Spalten und alle Diagonalen addiert den Wert 15 ergeben. Solch ein Quadrat heißt **Magisches Quadrat**.



Gegeben ist ein 5x5-Quadrat Ω . In der Mitte befindet sich bereits ein 3x3-Quadrat, das **magisch** ist. Die noch fehlenden Zahlen von 1 bis 25 sollen so auf dem Rand verteilt werden, dass auch das 5x5-Quadrat **magisch** wird:

7	21	33	
22	34	47	
28	39	55	

[2] Wie viele Zahlen lassen sich legen?



Wenn man von diesen fünf Karten mit den Ziffern 1, 2, 3, 4 und 5 drei Karten nebeneinanderlegt, dann entsteht eine dreistellige Zahl, z. B. 135.



Wie viele verschiedene dreistellige Zahlen kann man mit diesen 5 Karten legen, wenn die gelegte Zahl nicht größer sein darf als 420?



Schon gewusst, dass ...

... es *vollkommene Zahlen* gibt?

Addiert man alle Teiler einer Zahl (ohne die Zahl selbst), und ist dann das Ergebnis so groß wie diese Zahl, dann heißt die Zahl *vollkommen*.

Die kleinste vollkommene Zahl ist die Zahl 6.

Die 6 lässt sich teilen durch 6; 3; 2 und 1.

$$6 = 3 + 2 + 1$$

$$28 = 14 + 7 + 4 + 2 + 1$$

$$496 = 248 + 124 + 62 + 31 + 16 + 8 + 4 + 2 + 1$$

[3] Wie groß war das Jury-Team?



Auf dem Schulfest hatten die Schülerinnen und Schüler einen Musikwettbewerb veranstaltet. Jeder Beitrag wurde von jedem Wertungsrichter mit Punkten von 1 bis 8 bewertet.

Von jedem Richter durften nur volle Punktzahlen vergeben werden, wie man auf den Schildern erkennt.



Anschließend wurde der Durchschnittswert errechnet. Ben hatte zur Gitarre gesungen; sein Beitrag erhielt 5,75 Punkte. Wie viele Schülerinnen und Schüler waren *mindestens* im Jury-Team?



Schon gewusst, dass ...

... es die folgende „Zahlenzauberei“ gibt?
Man nehme irgendeine Zahl, die aus drei Ziffern besteht (z. B. 258). Wenn man sie zweimal hintereinanderschreibt, entsteht eine sechsstellige Zahl (in diesem Fall 258 258).

Diese neue Zahl, die entsteht, ist immer durch 7, durch 11 und auch noch durch 13 teilbar.

[4] Fußballbundesliga



Für die 18 Vereine der Fußballbundesliga beginnt nach der Winterpause die Rückrunde.

Die Gewinnermannschaft erhält für den Sieg 3 Punkte, der Verlierer geht mit 0 Punkten leer aus. Endet das Spiel unentschieden, bekommt jede der Mannschaften 1 Punkt.

Vor einigen Jahren wurden bis zur Winterpause insgesamt 420 Punkte vergeben.

Wie viele Spiele sind damals unentschieden ausgegangen?



Schon gewusst, dass ...

... in einem Raum mit 23 Menschen die Chance, dass zwei am gleichen Tag Geburtstag haben, bei 50% liegt?

In einem Raum mit 60 Personen liegt die Chance gar bei 99%.