



Armin Born/Claudia Oehler

Kinder mit Rechenschwäche erfolgreich fördern

Ein Praxishandbuch für Eltern,
Lehrer und Therapeuten

6., erweiterte und
überarbeitete Auflage

Kohlhammer

Kohlhammer

Die Autoren



Dr. Armin Born ist Diplom-Psychologe, Diplom-Pädagoge und Psychologischer Psychotherapeut.

Nach dem Studium des Lehramts an Grund- und Hauptschulen, der Pädagogik und der Psychologie bildete er zunächst als wissenschaftlicher Mitarbeiter an der Universität Würzburg zehn Jahre lang vor allem angehende Lehrer aus.

Seit Anfang der 1990er Jahre arbeitete er dann als Psychologischer Psychotherapeut in kinder- und jugendpsychiatrischen Praxen und parallel 20 Jahre lang als Ehe-, Familien- und Lebensberater in einer Beratungsstelle in Würzburg. Seit 2006 besteht daneben auch eine Therapietätigkeit in freier Praxis. Sein therapeutischer Hauptschwerpunkt ist die Arbeit mit Kindern mit Lernproblemen und zusätzlichen psychischen Problemen und die Arbeit mit AD(H)S-Kindern und deren Familien.

Seit 2000 erweiterte sich sein Arbeitsfeld um Vorträge und Fortbildungen im deutschsprachigen Raum zu den Themengebieten »Effektives Lernen«, »Frühförderung« und »Lern- und Verhaltensprobleme bei AD(H)S«.



Claudia Oehler ist Diplom-Psychologin, Psychologische Psychotherapeutin und Supervisorin.

Nach dem Studium der Psychologie war sie zunächst fünf Jahre als wissenschaftliche Mitarbeiterin an der Universitätsklinik für Psychiatrie und Psychotherapie des Kindes- und Jugendalters an der Philipps-Universität Marburg unter Leitung von Prof. Dr. Dr. H. Remschmidt tätig. Von 1991 bis 2003 arbeitete sie dann als Verhaltenstherapeutin für Kinder, Jugendliche und Erwachsene in einer großen kinder- und jugendpsychiatrischen Praxis mit dem Schwerpunkt der Betreuung von AD(H)S-Kindern und deren Familien. Seit 2003 ist sie als Verhaltenstherapeutin für Kinder, Jugendliche und Erwachsene in freier Praxis tätig. Seit 2000 zahlreiche Fachvorträge, Veröffentlichungen und Fortbildungsveranstaltungen insbesondere zum Thema Lernen und AD(H)S.

Weitere Publikationen des Autorenteam:

Born A., Oehler C. (2019): Lernen mit ADHS-Kindern. 11. Auflage, Stuttgart: Kohlhammer.
Born A., Oehler C. (2017): Lernen mit Grundschulkindern. 2. Auflage. Stuttgart: Kohlhammer.
Born A., Oehler C. (in Vorbereitung): »Gemeinsam wachsen« – der Elternratgeber ADHS. Verhaltensprobleme in Familie und Schule erfolgreich meistern. 2. Auflage Stuttgart: Kohlhammer.

Armin Born Claudia Oehler

Kinder mit Rechenschwäche erfolgreich fördern

Ein Praxishandbuch für Eltern, Lehrer und
Therapeuten

6., erweiterte und überarbeitete Auflage

Verlag W. Kohlhammer

Dieses Werk einschließlich aller seiner Teile ist urheberrechtlich geschützt. Jede Verwendung außerhalb der engen Grenzen des Urheberrechts ist ohne Zustimmung des Verlags unzulässig und strafbar. Das gilt insbesondere für Vervielfältigungen, Übersetzungen, Mikroverfilmungen und für die Einspeicherung und Verarbeitung in elektronischen Systemen.

Pharmakologische Daten, d. h. u. a. Angaben von Medikamenten, ihren Dosierungen und Applikationen, verändern sich fortlaufend durch klinische Erfahrung, pharmakologische Forschung und Änderung von Produktionsverfahren. Verlag und Autoren haben große Sorgfalt darauf gelegt, dass alle in diesem Buch gemachten Angaben dem derzeitigen Wissensstand entsprechen. Da jedoch die Medizin als Wissenschaft ständig im Fluss ist, da menschliche Irrtümer und Druckfehler nie völlig auszuschließen sind, können Verlag und Autoren hierfür jedoch keine Gewähr und Haftung übernehmen. Jeder Benutzer ist daher dringend angehalten, die gemachten Angaben, insbesondere in Hinsicht auf Arzneimittelnamen, enthaltene Wirkstoffe, spezifische Anwendungsbereiche und Dosierungen anhand des Medikamentenbeipackzettels und der entsprechenden Fachinformationen zu überprüfen und in eigener Verantwortung im Bereich der Patientenversorgung zu handeln. Aufgrund der Auswahl häufig angewendeter Arzneimittel besteht kein Anspruch auf Vollständigkeit.

Die Wiedergabe von Warenbezeichnungen, Handelsnamen und sonstigen Kennzeichen in diesem Buch berechtigt nicht zu der Annahme, dass diese von jedermann frei benutzt werden dürfen. Vielmehr kann es sich auch dann um eingetragene Warenzeichen oder sonstige geschützte Kennzeichen handeln, wenn sie nicht eigens als solche gekennzeichnet sind.

Es konnten nicht alle Rechtsinhaber von Abbildungen ermittelt werden. Sollte dem Verlag gegenüber der Nachweis der Rechtsinhaberschaft geführt werden, wird das branchenübliche Honorar nachträglich gezahlt.

Dieses Werk enthält Hinweise/Links zu externen Websites Dritter, auf deren Inhalt der Verlag keinen Einfluss hat und die der Haftung der jeweiligen Seitenanbieter oder -betreiber unterliegen. Zum Zeitpunkt der Verlinkung wurden die externen Websites auf mögliche Rechtsverstöße überprüft und dabei keine Rechtsverletzung festgestellt. Ohne konkrete Hinweise auf eine solche Rechtsverletzung ist eine permanente inhaltliche Kontrolle der verlinkten Seiten nicht zumutbar. Sollten jedoch Rechtsverletzungen bekannt werden, werden die betroffenen externen Links soweit möglich unverzüglich entfernt.

Die Abbildungen beruhen (zum großen Teil) auf Vorlagen der Grafiker Anita Krämer-Gerhard und Bernhard Ziegler.

6., erweiterte und überarbeitete Auflage 2020

Alle Rechte vorbehalten

© W. Kohlhammer GmbH, Stuttgart

Gesamtherstellung: W. Kohlhammer GmbH, Stuttgart

Print:

ISBN 978-3-17-035549-1

E-Book-Formate:

pdf: ISBN 978-3-17-035550-7

epub: ISBN 978-3-17-035551-4

mobi: ISBN 978-3-17-035552-1

Vorwort zur sechsten Auflage

Wir freuen uns, Ihnen hiermit die 6. Auflage des Buches »Kinder mit Rechenschwäche erfolgreich fördern« vorlegen zu können. Neuauflagen bieten die Chance, aktuelle Weiterentwicklungen mit einzubeziehen. So möchten wir nun in dieser überarbeiteten 6. Auflage Neuerungen aus der Forschung und aktuelle Entwicklungen vorstellen, sowie unsere eigenen Ergänzungen und Vertiefungen im methodischen Bereich. Da wir unsere Bücher als ständigen Weiterentwicklungsprozess verstehen, finden Sie in dieser Auflage folgende Neuerungen:

Einleitend finden Sie eine kritische Auseinandersetzung mit dem neuen schulpädagogischen Leitbegriff der »Kompetenzorientierung« und dessen Auswirkungen auf die Schulwirklichkeit.

Vertieft haben wir die Beschreibung der Hauptauffälligkeiten bei Kindern mit Rechenschwäche/-störung und die Bedeutung der emotionalen Bewertung in der Diagnose und der Therapie sowie die Erkennungsmerkmale einer Rechenschwäche/-störung. Darauf aufbauend wurde ausführlicher dargestellt, worauf Sie bei Ihrem Kind besonders achten müssen.

Ergänzt wurden entwicklungspsychologische Aspekte sowie die Fördermöglichkeiten im Vorschulbereich, da in diesem frühen Alter schon die Weichen für die spätere Leistungsentwicklung im schulischen Bereich gestellt werden.

Neu aufgenommen wurden die Ergebnisse der letzten PISA-Studie (2015).

Auch im Bereich der Entwicklung von Rechentests wird der aktuelle Stand wiedergegeben und gleichzeitig eine Rangreihe der »besten« Testverfahren vorgestellt.

Ergänzend finden Sie Belege für die Bedeutung der Automatisierung im menschlichen Gehirn. In beeindruckenden Ergebnissen von

Gehirnscans werden die Unterschiede in den Gehirnaktivitäten zwischen »trainierten« und »untrainierten« Personen beim Lösen einfacher Multiplikationen- und Divisionsaufgaben einander gegenübergestellt.

Neu ist auch eine kritische Auseinandersetzung mit der Hundertertafel. Obwohl diese unzutreffende Vorstellungen vom Aufbau des Zahlenraums hervorbringt, wird sie unreflektiert standardmäßig im Unterricht eingesetzt. Es wird aufgezeigt, warum sie für rechenschwache Kinder (aber nicht nur für sie) abzulehnen ist und nur der Zahlenstrahl benutzt werden sollte.

In unserem Buch versuchen wir, Lösungen für ein gravierendes und häufiges Problem zu entwickeln: der (von schulischen Konzepten teilweise mitverursachten) Entwicklung einer Rechenschwäche bzw. -störung und der negativen Auswirkungen von ungeeigneten Fördermaßnahmen. Grundsätzlich ist aus unserer Sicht immer zu bedenken, welche erheblichen Beeinträchtigungen jeder Einzelne mit einer Rechenschwäche oder gar Rechenstörung (Dyskalkulie) in der persönlichen, emotionalen und sozialen Entwicklung bis hin ins Erwachsenenalter erfährt. Zu berücksichtigen sind auch die sozialen Folgekosten unzureichender Förderung, die sich auf das gesamte berufliche Leben genauso gravierend auswirken dürften, wie dies für die Legasthenie bereits gut belegt ist.

Eigentlich sollte sich die Schule dieses Problems annehmen. Vorrangig für die Schule scheint im Augenblick dagegen zu sein, didaktische Zielvorstellungen zu entwickeln und ihre Methoden ohne empirische Absicherung diesen anzupassen. Zwar gibt es dazu noch keine verlässlichen Studien, aber durch die geänderten Anforderungen in der Grundschule im Rahmen des neuen Leitbegriffs »Kompetenzorientierung« dürften durch die geforderten »anspruchsvolleren« Denkleistungen die Schüler bevorteilt werden, die sowieso schon gut waren. Schwächere und langsamere Schüler werden dagegen benachteiligt, da es kaum mehr auf das Automatisieren d. h. das Auswendiglernen z. B. der Grundrechenfertigkeiten ankommt. Damit fehlt diesen Kindern ein gesichertes Fundament für die Lösung komplexerer Rechenprobleme. So verwundert es uns nicht, dass viele Lehrer und Schulpsychologen in Gesprächen weiterhin immer wieder

unserer Einschätzung zustimmen, dass die Grundschullehrpläne eigentlich nur für die guten Schüler konzipiert sind.

Zusätzlich zu der geschilderten Problematik der Lernziele und -inhalte kommt die der Lernwege. So ist die »Organisation offener Lernangebote« im Unterricht, »in dem jedes einzelne Kind selbst aktiv ist, [...] um auf eigenen Wegen zu einer Lösung zu kommen«, (Zöchlinger 2011, S. 103) ein zentraler Bestandteil der neuen didaktischen Vorstellungen. Gerade Schüler mit Lernschwächen aber, so der Schulpädagoge Martin Wellenreuther, seien mit den in der Grundschule propagierten Formen des »offenen« Unterrichts »heillos überfordert« (2009b, S. 72). Es sei »eine wahrhaft absurde Geschichte« (ebd.), dass in der Grundschule die empirisch nachgewiesenen effektiveren Lernformen, von denen insbesondere Schüler mit Lernschwierigkeiten profitieren, gering geschätzt und wenig umgesetzt würden. Da diese Kinder »in besonderem Maße auf die Lernsteuerung durch den Lehrer angewiesen sind«, würden sie so systematisch benachteiligt (ebd.).

Eine engagierte Lehrkraft mit 25-jähriger Berufspraxis setzte sich sehr intensiv mit unserem Buch auseinander und schrieb uns unter anderem Folgendes: »Ich habe mich gefreut über Kritik an folgenden Lehrmeinungen, weil es meiner Erfahrung nach nie (richtig) funktioniert hat (Mythos 1 und Mythos 3, mein Hauptpunkt!!!). Ich konnte noch nie feststellen, dass bei rechenschwachen Kindern nach einer gewissen Zeit des Einführens, Erklärens, Ausprobierens usw. weitere Veranschaulichungen geholfen hätten. [...] Bei der Einführung des neuen (bayerischen) Lehrplans habe ich auf mehreren Fortbildungen die Referenten gefragt, wie denn nun der Übergang sein soll vom Ausrechnen der Kernaufgaben zum Beherrschen der 1 x 1-Reihen und ich habe von keinem eine sinnvolle Antwort bekommen. [...] Zum selbst entdeckenden Lernen stimme ich Ihnen ganz energisch zu!!! Für rechenschwache Kinder ist es Unfug. [...] Das Buch ist sehr wichtig für mich. Was ich sehr gut finde: Ich habe einige Erklärungen für bisher rätselhafte Beobachtungen gefunden (z. B. Mythen), viele Dinge, die ich mir selbst ausgedacht und erarbeitet habe, wo ich von den Büchern und Lehrmeinungen abweiche, finde ich bestätigt, z. B. der große Stellenwert des Übens, des systematischen Übens, weniger verschiedene Aufgabenformen und Veranschaulichungsmittel usw.«

Viele Lehrer sehen sich oft eingebunden in Lehrmeinungen, Lehrpläne und Beurteilungsverfahren. So äußerte beispielsweise eine Lehrkraft vor dem bevorstehenden Besuch des Schulrates: »Darf ich denn eine solche Stunde halten, so einfach?« Lehrer haben Angst, die Vielfalt an Darstellungsformen und Methoden aufzugeben, obwohl dadurch häufig nur Chaos im Gehirn des rechenschwachen Kindes entsteht bzw. verstärkt wird.

Lehrkräfte sind in keinsten Weise verantwortlich für die Entwicklungen im Schulsystem, sondern sind auch Vorgaben ausgesetzt, denen sie nachkommen müssen. Sie erleben häufig den Gegensatz zwischen der ihnen vermittelten Unterrichtsdidaktik und ihrem persönlichen Erfahrungswissen. Wir möchten also weder Lehrerschelte betreiben noch das Verhältnis zwischen Eltern und Lehrern mit unserer kritischen Einschätzung bestimmter didaktischer und lernmethodischer Vorgaben belasten. Vielmehr möchten wir beginnen, auf der Basis sicherer Erkenntnisse über die Art und Weise, wie wir lernen und wie wir speziell auch Mathematik lernen, ideologiefrei den effektivsten Weg für die rechenschwachen Kinder zu suchen. Mathematik sollte einfach und nicht angstbelastet sein, Rechenfertigkeiten sollten primär als »Handwerkszeug« verstanden werden, welches dann später für »kreativere Lösungsprozesse« z. B. bei den neuen, »anspruchsvolleren« Sachaufgaben im Rahmen der Kompetenzorientierung eingesetzt werden kann. Auf dieser Grundlage halten wir die enge Kooperation zwischen Lehrern und Eltern als notwendige Voraussetzung für eine Erfolg versprechende Förderung.

Um die Situation, in der sich rechenschwache Kinder befinden, besser verstehen zu können, haben wir Rückmeldungen zu den bisherigen Auflagen unseres Buches »Kinder mit Rechenschwäche erfolgreich fördern« auf diesen Aspekt hin analysiert und fanden folgende Aussagen von Lesern:

Beispielhaft berichtet Patrick Möhler¹, dass die Hausaufgaben ewig dauerten, oft mit Tränen verbunden und jedes Mal von den Worten begleitet waren: »Das kann ich ja doch nicht«. Seine Tochter (dritte Klasse) sei nach Ansicht der Lehrerin »einfach nur viel zu langsam«.

Manuela Herold¹ schreibt, dass es auch bei ihrer Tochter »viele Tränen« gab. Sie »klagte sogar schon über Bauchschmerzen in der

Schule«. Die Probleme mit ihrer Tochter fingen in der ersten Klasse an, als es nicht mehr darum ging, »einfach nur an den Fingern abzuzählen, sondern den Zahlenraum zu verstehen. Wir haben alles Mögliche ausprobiert, verschiedene Materialien zur Veranschaulichung, Perlen, Steine, Abakus, etc.«

Mit ihren Problemen wurden viele Kinder (und Eltern) von schulischer Seite alleingelassen. Mit den von uns vorgeschlagenen Lernmethoden machten diese Eltern folgende Erfahrungen:

Patrick Möhler berichtet, dass der Erfolg sich schon nach nur zehn Tagen zeigte und beim zusätzlichen Üben kein Stress mehr entstand. Nach zwei Monaten Training sei seine Tochter nun viel schneller im Rechnen und finge sogar an, Spaß zu haben.

Manuela Herold schreibt, dass viele Argumente unseres Buches sie vollkommen überzeugt hätten, z. B. dass in aller Regel weniger mehr sei – dass es also darauf ankomme zu verhindern, die Kinder durch zu viele verschiedene Methoden und Rechenwege zu überfordern – und vor allem, dass es wichtig sei, dass kleine Einspluseins auswendig zu lernen. Sie habe es erst nicht glauben wollen, denn »Mathe ist für mich Verständnis« (die Mutter ist Ingenieurin), »aber wahr ist, dass man schwierigere Dinge einfach besser versteht, wenn man über Basisoperationen nicht mehr nachdenken muss.« Weiter berichtet sie, dass es ihrer Tochter Spaß mache, da sie Erfolgserlebnisse sehe und *»ach übrigens, Bauchschmerzen hat sie keine mehr«*.

Wir müssen uns verstärkt und in erster Linie Rechenschaft darüber ablegen, wie Lernprozesse zu strukturieren sind, damit sie erfolgreich sein können. Bisher hat man sich zwar durchaus damit auseinandergesetzt, welche Faktoren beim Kind eine Rechenschwäche mit auslösen können. Jedoch hat man sich noch nicht damit beschäftigt, wie auch Lernmethoden Rechenschwächen verstärken oder sogar verursachen können. Passende, auf die jeweils besonderen Voraussetzungen des einzelnen Kindes abgestimmte Fördermethoden wurden in der Vergangenheit aufgrund der einseitigen »ideologischen Brille« nur unzureichend entwickelt.

Ausgangspunkt, um wirksame Methoden der Lernförderung zu entwickeln, dürften nicht didaktische Überlegungen, sondern die wissenschaftlichen Erkenntnisse der Lernpsychologie und der

Gehirnforschung sein. Besonders die Bedeutung des Arbeitsgedächtnisses hat in den letzten Jahren in der Forschung einen zentralen Stellenwert bekommen. Das Arbeitsgedächtnis stellt das »Nadelöhr« im Lernprozess dar. Wir bemühen uns nun in diesem Buch, diese Tatsache ernst zu nehmen. Deswegen versuchen wir, Lernprozesse unter Einbezug dieses Nadelöhrs zu erläutern, um dann zu überlegen, welche Lernwege aufgrund dieser Engstelle überhaupt erfolgreich sein können.

Auf einem umfassenden Grundlagenwissen aufbauend haben wir Lernwege entwickelt, damit Kinder auf möglichst einfache Weise die notwendigen Automatisierungen erwerben können, um damit den begrenzten Arbeitsspeicher zu entlasten. Darüber hinaus versuchen wir das systematische Üben so zu gestalten, dass es erfolgreich sein kann und dadurch bei den Kindern mit einer Rechenschwäche zu einer positiven emotionalen Bewertung des Lerngegenstandes führt. Immer wieder hören wir von rechenschwachen Kindern, die wir über eine längere Zeit begleitet haben: »Mathe ist jetzt mein Lieblingsfach«.

Claudia Oehler und Armin Born

Dezember 2019

¹ Namen von den Autoren geändert.

Ihr Wegweiser für dieses Buch

Möglicherweise haben Sie als Eltern, Lehrer, Psychologen und Pädagogen oder auch als Ärzte unterschiedliche Interessen, wenn Sie dieses Buch lesen. Insbesondere für die Eltern rechenschwacher Kinder, denen die praxisorientierten Teile wichtig sind, haben wir die konkreten Lernhilfen am Seitenrand blau unterlegt – und somit leicht auffindbar gemacht.

Die weiß belassenen Teile sind eher theoretischer Natur und geben einen Überblick über den aktuellen Wissensstand zur Thematik. Diese Seiten dürften neben den Eltern insbesondere Lehrer, Psychologen, Pädagogen und Lerntherapeuten sowie Ärzte und Heilpädagogen ansprechen.

In einer ausführlichen Einleitung stellen wir unsere Grundüberlegungen sowie die Grundzüge unseres Konzeptes und unsere Herangehensweise vor. Um die gegenwärtigen schulischen Bedingungen im Lernbereich genauer zu klären, analysieren wir das neue schulpädagogische Konzept der »Kompetenzorientierung« und hinterfragen es kritisch: Hilft es rechenschwachen Kindern?

Nach dieser Einführung gliedert sich das Buch in 6 Teile:

Teil 1 enthält Basiswissen:

Sie finden eine Einführung dazu, was unter einer Rechenstörung und Rechenschwäche verstanden wird, welche Voraussetzungen bei rechenschwachen Kindern bestehen, wie häufig Rechenschwäche vorkommt und wie diese testpsychologisch erfasst werden kann.

Anschließend folgt Grundlagenwissen zum Thema Lernen, denn Rechenfertigkeiten werden erlernt. Es ist daher wichtig zu wissen, was beim Lernen überhaupt passiert und Sie an aktuellen Ergebnissen der

Lernpsychologie und Gehirnforschung sowie an daraus gewonnenen theoretischen Modellen der rechnerischen Verarbeitung teilhaben zu lassen. Dieser Teil dürfte besonders Lehrer und Therapeuten interessieren, aber natürlich auch Eltern, da hier die Grundlagen und Grundvoraussetzungen für die Lernarbeit – ob zu Hause oder in der Schule – reflektiert werden.

In *Teil 2* werden zentrale Ansätze der Förderpraxis dargestellt und kritisch beleuchtet. Wir fragen immer wieder, ob es sich bei diesem »Altbewährten«, das auch immer wieder zumindest in Teilaspekten in eine »kompetenzorientierte Vorgehensweise« einfließt, um Mythen oder gesicherte Erkenntnisse handelt. Engagierte Lehrer und Lerntherapeuten, die in ihrer Lehr- und Förderpraxis immer wieder feststellen, dass ihr Bemühen nicht zum angestrebten Ziel führt, finden hier vielleicht Antworten. Viele Anregungen für Diskussionen und Denkanstöße zur Reflexion des täglichen Praxishandwerks, die Sie hier vorfinden, mögen zum Teil provozierend klingen, da sie tradierte und gewohnte Vorgehensweisen in Frage stellen, aber vielleicht kann etwas Fruchtbare entstehen, wenn Sie sich auf die Inhalte und Argumentationsstränge einlassen.

Eltern kann dieser Teil dabei helfen, die Förderpraxis, die ihr Kind in der Schule, beim Lerntherapeuten oder in der Ergotherapie erfährt, in ihren Wirkmöglichkeiten einzuschätzen.

Teil 3 ist für Eltern gedacht, die auf der Suche nach ganz konkreten Hilfestellungen für ihr rechenschwaches Kind sind. Hier werden die Rahmenbedingungen für eine erfolgreiche Förderarbeit erläutert.

Teil 4 geht auf konkrete Lernmethoden im Grundlagenbereich der rechnerischen Fertigkeiten und Fähigkeiten ein. In diesem Teil finden Sie die exemplarische Umsetzung der Erkenntnisse der Lernpsychologie und aktuellen Gehirnforschung. Wir haben diese Erkenntnisse in leicht handhabbare Lernmethoden umgesetzt und vor allem Fördermöglichkeiten für den Grundschulbereich aufgenommen. Mit einfachen Methoden, die von den Eltern leicht durchzuführen sind, haben wir versucht, Denkvorgänge im rechnerischen Bereich nachzukonstruieren, damit sie dann eingeschliffen werden können.

Vereinfacht ausgedrückt setzt sich die Mathematik aus verschiedenen basalen Rechenfertigkeiten als inhaltsbezogene »Kompetenzen« zusammen. Diese Grundrechenfertigkeiten bilden das Handwerkszeug und sind somit eine unabdingbare Voraussetzung für den Lernenden, den Mut aufzubringen, in kompetenzorientierter Weise anspruchsvolle Sachaufgaben zu wagen und diese in reflektierender Weise letztendlich zu lösen. Die Lösung aller weiteren mathematischen Probleme nimmt hier ihren Ausgangspunkt.

In *Teil 5* beschäftigen wir uns mit den schulischen Rahmenbedingungen des Lernens im Mathematikunterricht auf der Basis lernpsychologischer und neurowissenschaftlicher Erkenntnisse, die es beim Lernen zu berücksichtigen gilt, damit Lernen erfolgreich sein kann. Auf dieser Grundlage suchen wir nach Möglichkeiten zur Umgestaltung des Unterrichts, um Leistungsverbesserungen des Schülers erreichen zu können. Auch werden Anregungen zu einem sinnvolleren Einsatz der Hausaufgaben und der Prüfungssituationen, sprich der Gestaltung der Schulaufgaben, sowie Ideen zur Verbesserung der Mathematikschulbücher vorgestellt und diskutiert. Besonders wichtig erscheint das Problem der Nachhaltigkeit und das erreichte fachspezifische Bildungsniveau. Zur Zeit ist alles im Umbruch. Letztendlich bleibt hier abzuwarten, wie die Entwicklung weiter verläuft, wie das Pendel weiterschwingt und welche Ergebnisse Evaluierungen zeigen werden. Auch wird sich herausstellen, wie besonders in höheren Klassenstufen das Problem der Nachhaltigkeit in Bezug auf fachspezifische Bildungsinhalte gelöst werden wird. Im Augenblick scheint sich eher abzuzeichnen, dass die alten Kritikpunkte erhalten bleiben.

In *Teil 6* beschäftigen wir uns mit der Prüfungsängstlichkeit, dem häufigen emotionalen Folgeproblem einer Rechenstörung. Es wird Wissen über die Entstehungsbedingungen einer Prüfungsängstlichkeit vermittelt und es werden Hilfen für Kinder aufgezeigt, um diese zu bewältigen.

Danksagung

An dieser Stelle möchten wir den vielen Kindern, die wir mit ihren Rechenproblemen begleiten durften, sowie deren Eltern, die wir seit vielen Jahren in Lerntrainingsgruppen betreuen, danken.

Unser Dank gilt auch den Lehrerinnen und Lehrern, die an Arbeitsgemeinschaften zum Thema »Rechenschwäche« teilgenommen haben und auf diese Weise zu einem fruchtbaren Austausch zwischen Pädagogik und Psychologie beitrugen. Auch gilt unser Dank den Schulrätinnen und -räten sowie den Schulpsychologinnen, die sich in den letzten Jahren gegenüber unserem Denkansatz aufgeschlossen zeigten und Fortbildungen für Lehrer ermöglichten.

Inhalt

Vorwort zur sechsten Auflage

Ihr Wegweiser für dieses Buch

Einleitung

1. Einführung in unser Grundkonzept
2. Eine kritische Auseinandersetzung mit dem aktuellen schulpädagogischen Konzept der »Kompetenzorientierung«
 - 2.1 Einführende Gedanken
 - 2.2 Was bedeutet Kompetenzorientierung?
 - 2.3 Unsere Bewertung des »neuen Kompetenzbegriffes«
3. Ausblick auf das Buch

Teil I: Grundlagenwissen

Kapitel 1: Einführung – Rechenschwäche und Rechenstörung

1. Definition, Entwicklung, Häufigkeit, Diagnostik und aktueller Forschungsstand
 - 1.1 Definition: Rechenschwäche und Rechenstörung
2. Zur Entwicklung der Rechenfertigkeiten
3. Hauptauffälligkeiten bei Kindern mit Rechenschwäche und -störungen
4. Häufigkeit von Rechenstörung und Rechenschwäche
5. Diagnostik von Rechenstörungen
6. Aktueller Forschungsstand

7. Der Teufelskreis

Kapitel 2: Abspeichern und dauerhaft behalten – Erkenntnisse der Lernpsychologie

1. Der Wahrnehmungsspeicher
2. Die Rolle der »selektiven Aufmerksamkeit«
3. Das Kurzzeitgedächtnis und der Arbeitsspeicher
4. Der Langzeitspeicher
5. Mit Speicherstrategien Informationen sichern
6. Was beeinflusst die Informationsspeicherung?
7. Hauptgefahren beim Lernen und dauerhaften Behalten

Kapitel 3: Lernen aus der Sicht der aktuellen Gehirnforschung

1. Wie funktioniert unser Gehirn?
2. Die sogenannte neuronale Ebene im Gehirn
3. Welche Prozesse und Strukturen sind beim Lernen beteiligt?
4. Wie kommt es zum dauerhaften Behalten?
5. Welche Bedeutung haben Emotionen beim Lernen?
6. Was geschieht, wenn wir Fertigkeiten »automatisieren«?

Kapitel 4: Rechnen – Spezielle Ergebnisse der Gehirnforschung

1. Das Triple-Code-Modell nach Dehaene
2. Integration neuropsychologischer und kognitionspsychologischer Ansätze nach Anderson

Kapitel 5: Zentrale Aspekte beim Mathematiklernen aus lernpsychologischer und neurowissenschaftlicher Sicht

1. Die Bedeutung der Kapazität des Arbeitsspeichers
2. Emotionale Bewertung des Lerngegenstandes

Teil II: Praktizierte Fördermaßnahmen bei Rechenschwäche und Rechenstörung – Mythen oder gesicherte Erkenntnis?

Kapitel 6: Verbesserungen in den mathematischen Kompetenzen sind nur bei Kenntnis der Ursachen möglich (Mythos 1) – Ursachen- bzw. defizit-orientiertes Denken versus lösungsorientiertes Denken

Kapitel 7: Es gilt, die noch nicht entwickelten Basisfunktionen zu suchen und dann zu trainieren (Mythos 2)

1. Kritik am Förderansatz von Jean Ayres (Sensorische Integration)
2. Basisfunktionen trainieren – Lernen aus den Erfahrungen der Legasthenieforschung
3. Aktueller Trend in der Mathematik
4. Konsequenzen und Schlussfolgerungen

Kapitel 8: Bei einer Rechenschwäche braucht es noch mehr Veranschaulichungen! (Mythos 3) – Vielgestaltige Veranschaulichungen, der lange und wenig erfolgreiche Umweg zur Rechenfertigkeit

Kapitel 9: Rechnenlernen bedarf in Wirklichkeit nur des Verstehens, der Einsicht (Mythos 4)

Kapitel 10: Eine reformpädagogisch orientierte Vorgehensweise ist bei der Förderung von rechenschwachen Kindern am hilfreichsten (Mythos 5)

Kapitel 11: Wenn ein Kind eine Rechenschwäche hat, muss es (noch mehr) Aufgaben schriftlich üben (Mythos 6)



Teil III: Allgemeine Tipps zum Lernen mit rechenschwachen Kindern

Kapitel 12: Grundlagen des Lernens mit rechenschwachen Kindern

1. Was soll gelernt werden?
2. Eine Rechenschwäche beim Kind erkennen

Kapitel 13: Grundprinzipien der Förderarbeit

1. »Einsicht« und Automatisierung in ein ausgewogenes Verhältnis bringen
2. Weniger ist »mehr«
3. Die emotionale Bewertung und ihre Bedeutung für den Lernweg und die Lernanforderungen
4. »Fallen« für Eltern und Lehrer

Kapitel 14: Lernen mit rechenschwachen Kindern – Tipps

1. Gezielte Aufmerksamkeit ist wichtig
2. Auf der niedrigsten Ebene beginnen
3. Weniger ist »mehr«
4. Regelmäßig kleine Portionen
5. Kurze Wiederholungen über den Tag verteilen
6. Oft zu schnell: Der Stoff-Wechsel in der Schule
7. Einmal gekonnt – dauerhaft beherrscht?
8. Übungs- und Einprägemethoden
9. Mit Lernkärtchen arbeiten
10. Die Lernbox – zur Automatisierung von Einspluseins und Einmaleins

11. Einhaltung der Lernstruktur
12. Anforderung an Eltern und Lehrer
13. Vereinbarungen im Voraus treffen
14. Die emotionale Bewertung – Dreh- und Angelpunkt im Einprägeprozess
15. Richtig loben
16. Der Punkteplan: zeitlich begrenzte »Notmaßnahme«
17. Fernseh-, Handy- und Computerzeiten
18. Schulinterne Fördermaßnahmen: »Mathe-Mütter« und »Mathe-Trainer«

Teil IV: Konkrete Lernmethoden

Kapitel 15: Lernmethoden – eine Einführung

1. Gibt es Lernrezepte?
2. Welche Ziele haben wir?
3. Grundprinzipien für die Automatisierung auf den drei Ebenen der arithmetischen Verarbeitung
4. Auf welcher Ebene beginnen wir mit dem Üben?

Kapitel 16: – Förderung im Vorschulbereich

Kapitel 17: Lernen durch Veranschaulichung

1. Das Zehnersteckbrett
2. Der Zahlenstrahl

Kapitel 18: Die Grundrechenfertigkeiten automatisieren

1. Additions- und Subtraktionsaufgaben im »Neunerraum«
2. Rechnen im 20er- bzw. im 100er-Raum ohne Zehnerübergang
3. Die Vorbereitung des Zehnerübergangs – das Pärchenspiel
4. »>« und »<«
5. Das Doppelte – die Hälfte
6. Erste Sachaufgaben
7. Rechnen im 20er- bzw. 100er-Raum mit Zehnerübergang
8. Zahlenstrahl und die Darstellung von Additions- und Subtraktionsaufgaben
9. Einfache Multiplikations- und Divisionsaufgaben
10. Die Magie des »Sich-nicht-anstrengen-dürfens«

Kapitel 19: Spiele im Dienste der Automatisierung – Wiederholen einmal anders

1. Das Zahlenstrahl-Spiel
2. Das Pyramidenspiel

Kapitel 20: Komplexere arithmetische Prozeduren automatisieren

1. Das Beispiel Bruchrechnen
2. »Mindmap« als Visualisierungshilfe

Kapitel 21: Sachaufgaben

Kapitel 22: – Hilfreiche Rechenwege?

1. Die Kraft der 5
2. Unterschiedliche Rechenwege beim Zehnerübergang – viele Wege führen über den Zehner

3. Hilfreiche Verfahren zum Umrechnen von Maßeinheiten

Teil V: Der Mathematikunterricht

Kapitel 23: Der Mathematikunterricht – Möglichkeiten zur Leistungsverbesserung bzw. zur Vermeidung von Leistungsschwächen bei Schülern

1. Mathematikschulbücher
2. Anregungen zur Verbesserung des Mathematikunterrichts
3. Leistungsüberprüfung bzw. Überprüfung des Leistungsstandes
4. Hausaufgaben – eine der wichtigsten Formen des Wiederholens und Vertiefens
5. Auch die Ausbildung von Mathematiklehrern ist verbesserungsfähig

Teil VI: Prüfungsangst

Kapitel 24: Prüfungsängstlichkeit: Ursachen und Hilfen

1. Wie kommt es zu Prüfungsängstlichkeit?

2. Hilfen zur Bewältigung der Prüfungsangst

Schlusswort

Literatur

Einleitung

Zum Einstieg möchten wir Ihnen zum besseren Verständnis zunächst unsere Grundüberlegungen darlegen sowie die Grundzüge unseres Konzeptes und unsere Herangehensweise vorstellen. Da im schulischen Bereich zur Zeit wieder einmal ein Wandel stattfindet und dort große Hoffnungen in das neue schulpädagogische Konzept der »Kompetenzorientierung« gesetzt werden, erscheint es uns wichtig, dieses zu analysieren und die gegenwärtigen schulischen Voraussetzungen im Lernbereich genauer zu klären. Besonders gilt es zu hinterfragen, ob bei Kindern mit einer Rechenschwäche bei diesen propagierten Lernwegen eine passende Förderung und damit Verbesserungen und Fortschritte zu erwarten sind.

1. Einführung in unser Grundkonzept

Wie unser erstes Buch »Lernen mit ADHS-Kindern«, so ist auch das nun neu vorliegende Buch »Kinder mit Rechenschwäche erfolgreich fördern« aus unserer täglichen therapeutischen Arbeit mit Kindern, Jugendlichen und deren Eltern entstanden. Ausgangspunkt war zum einen das therapeutische Bemühen um Kinder, die an einer Aktivitäts- und Aufmerksamkeitsstörung (ADHS) leiden, denn neueste Zahlen weisen darauf hin, dass ca. ein Drittel der mit einer Rechenstörung belasteten Kinder auch von einem ADHS betroffen sind (vgl. Jakobs, Petermann 2003). Zum anderen waren es Kinder, die uns aufgrund von Emotionalstörungen vorgestellt wurden. Aus Leistungsproblemen entstehen nämlich bei etwa einem Drittel der Kinder oft emotionale Probleme in Form von Ängsten und depressivem Erleben.

Für ADHS-Kinder entwickelten wir in den vergangenen Jahren »passende« Vorgehensweisen und Lernmethoden, um ihnen die

Grundfertigkeiten des Lesens, Schreibens und Rechnens nahe zu bringen. Wir versuchten dabei immer wieder eine Verknüpfung zwischen unserer Erfahrung und dem aktuellen Forschungsstand, insbesondere dem der Neurowissenschaften, herzustellen. Beim Ausbau unserer Arbeit bezogen wir Kinder mit Emotionalstörungen mit ein. Auch hier bemühten wir uns um eine wissenschaftliche Reflektion und versuchten, aktuelle Forschungserkenntnisse in konkrete therapeutische Arbeit umzusetzen. In unserer praktischen Arbeit und letztlich auch beim Schreiben dieses Buches ermutigten uns Rückmeldungen von Lehrerinnen und Lehrer, wie etwa: »Ihre Methoden für ADHS-Kinder helfen auch bei den anderen Kindern.«

Welche Schüler sind gemeint, wenn wir von Rechenschwäche sprechen, was fällt bei ihnen auf? Woran sind die »rechenschwachen« Kinder zu erkennen, die wir hier ansprechen und mit unseren Methoden unterstützen wollen?

Alle Kinder, die in der Grundschule Schwierigkeiten beim Rechenlernen haben, sind mit diesem Buch angesprochen. Ihnen fehlt vor allem eine angemessene Automatisierung der Grundrechenfertigkeiten sowie die des Zahlen- und Mengenverständnisses.

Beim *numerischen Faktenwissen*, d. h. beim Einspluseins und beim Einmaleins fällt diesen Kindern das Ergebnis nicht sofort ein. Sie müssen zeitintensive Fehlstrategien einsetzen, um zum Ergebnis zu gelangen, und bei den einfachen Grundrechenarten benötigen sie Hilfsmittel, wie ihre Finger oder Strategien des inneren Vor- und Zurückzählens.

In der Folge kommt es bei *arithmetischen Prozeduren*, d. h. bei den Rechenfertigkeiten, die eine bestimmte Abfolge von Rechenschritten beinhalten, wie z. B. beim schriftlichen Malnehmen, Teilen, Bruch- und Prozentrechnen oder dem Berechnen von Flächen und Volumen, zu häufigen Fehlern. Die richtige Abfolge der Rechenschritte ist hier nicht dauerhaft abgespeichert. An das Sachrechnen trauen sich die Schüler oft nicht heran, und sie vermeiden lange Textaufgaben, weil sie Angst haben, diese nicht zu bewältigen. Eine Rechenfähigkeit über die

Rechenfertigkeit hinaus kann so nicht entwickelt werden. Schnell stellen sich emotionale Probleme mit Vermeidungsverhalten und Ängsten vor Versagen ein, wenn häufiger Misserfolge erlebt werden.

In erster Linie sind wir Psychologen und haben somit eine therapeutische Zugangsweise zu den Kindern. Wir erleben täglich entmutigte Kinder, die schon in ihrer kurzen Schulkarriere sehr viele Misserfolge und Versagenserlebnisse hinnehmen mussten. Die Folgen sind die klassischen: Schnell stellt sich eine geringe Lernmotivation mit entsprechendem Vermeidungsverhalten ein, und aufgrund der sich im Lernbereich entwickelnden Teufelskreise mehren sich die Misserfolge. Dies hat natürlich entsprechende Auswirkungen auf das ohnehin beeinträchtigte Selbstwertgefühl und Selbstbild dieser Kinder. Dabei erleben wir es ständig: Kinder wünschen sich nichts sehnlicher, als Erfolgserlebnisse zu haben, ein wenig besser in der Schule zu werden. Sie können sich so sehr über kleine Erfolgserlebnisse freuen und stolz auf ihre Fortschritte sein.

Vorrangiges Ziel unserer Arbeit ist es, Einstellungsveränderungen zu bewirken.

Wir sehen uns hier in Übereinstimmung mit den Erkenntnissen und Aussagen des Zentrums für Forschung und Innovation im Bildungswesen (CERI) der Organisation für wirtschaftliche Zusammenarbeit und Entwicklung (OECD). Im CERI-Projekt »Lernwissenschaften und Gehirnforschung« wurden auch die Prioritäten in Bezug auf die wesentlichen Kernkomponenten des traditionellen Lehrplans kritisch hinterfragt. Traditionellerweise, so die OECD (2005), würden Lehrpläne Kenntnisse höher als Fähigkeiten bewerten und Fähigkeiten wiederum höher als Einstellungen. Das Wissenschaftsgremium schlägt jedoch eine andere Prioritätenordnung vor: Demnach sind positive Einstellungen, wie etwa Selbstbewusstsein und -vertrauen, Motivation, Verantwortungsgefühl und Optimismus, der Schlüssel zu einem erfolgreichen Lernen und damit letztlich auch zu einem erfüllten Leben oder einer befriedigenden Arbeit (vgl. OECD 2005, S. 33 ff.).

Die Ermutigung der Kinder sehen wir daher als eine wesentliche Voraussetzung für ihren Lernfortschritt an.

Ermutigung verstehen wir dabei nicht im Sinne von »gut zureden«. Hilfreich erscheint uns auch nicht, bei den betroffenen Kindern auf andere Kompetenzbereiche, wie z. B. im Sport oder beim Musizieren hinzuweisen, wenn sie doch in Wirklichkeit im Rechnen schlecht sind. Ermutigung verstehen wir vielmehr in dem Sinne, dass Kinder in den Bereichen, in denen sie Probleme haben, erleben, dass sie genau dort besser werden können. So können sie wieder Hoffnung und damit auch Lernbereitschaft entwickeln. Ermutigung bedeutet in diesem Sinne, Kinder an zu bewältigende Lernschritte heranzuführen, bei denen die Wahrscheinlichkeit eines Erfolgserlebnisses groß ist. Kinder, Eltern und Lehrer bekommen damit die Möglichkeit, sich gemeinsam über Fortschritte freuen zu können.

Wir haben versucht, möglichst effektive Wege für den Erwerb der Grundfertigkeiten des Rechnens zu entwickeln. Die einfachen Methoden stehen zunächst immer im Dienste der Ermutigung. Ziel ist es, das Selbstvertrauen der Kinder und ihre Hoffnung auf einen Fortschritt zu stärken.

Um die Ausgangssituation im Bildungsbereich zu veranschaulichen, sei noch einmal auf ein Zitat aus dem OECD-Bericht verwiesen: »Die Lehrer hören viel über ihre Fächer, über Mathematik oder Biologie [...], aber sie haben wirklich große Defizite in neurowissenschaftlicher und psychologischer Lerntheorie« (OECD 2005, S. 96). Dies ist sicher eine recht pointierte Aussage, möglicherweise steckt jedoch ein Körnchen Wahrheit darin. Betrachten wir die Ergebnisse der ersten PISA-Studie im Hinblick auf die Mathematik, aber auch die Lesefertigkeiten, und lesen folgendes Fazit: »Das deutsche Bildungssystem ist besonders wenig erfolgreich bei der Förderung schwächerer Schüler, bei der Sicherung von Mindeststandards.« (Deutsches PISA-Konsortium 2001, S. 172), so muss sich unser Bildungssystem seitdem immer wieder unbequeme Fragen gefallen lassen. Auch in der zuletzt durchgeführten

PISA-Studie (2015) zeigten sich trotz kleiner Verbesserungen noch immer Defizite besonders bei der Förderung von Mädchen.

Bei der Aus- und Fortbildung von Lehrern kommt unseres Erachtens der Bereich des Lernens zu kurz.

So äußerte eine Schürätin nach einer von uns durchgeführten Fortbildungsveranstaltung Folgendes: »Mir ist nach dieser Fortbildung sehr bewusst geworden, und dies nehme ich mit nach Hause: Methoden sind kein Selbstzweck, sondern stehen immer im Dienste des Behaltens und sind deswegen zu hinterfragen, wie sie dauerhaftes Behalten bewirken können.« Eine junge, engagierte Lehrkraft sagte nach dem Besuch eines Wochenend-Fortbildungskurses zum Thema »Lernen mit ADHS-Kindern«: »Aus lernpsychologischer Sicht und unter dem Aspekt des dauerhaften Behaltens habe ich meinen Wochenarbeitsplan plötzlich ganz neu gesehen und erkannt, ich kann das nicht so machen, wenn ich wirklich will, dass meine Kinder etwas behalten sollen.«

Bewusst haben wir keine enge fachdidaktische Zugangsweise zur Mathematik und zu den Grundlagenfertigkeiten des Rechnens gewählt. Ausgangspunkt waren aktuelle Ergebnisse der Lernpsychologie und auch der Gehirnforschung.

Besonders den Neurowissenschaften gilt es heute zunehmende Aufmerksamkeit zu schenken, da in den letzten 20 Jahren das Wissen in diesem Bereich, auch durch die Möglichkeiten der modernen bildgebenden Verfahren, regelrecht explodiert ist. Obwohl die Gehirnforschung erhebliche Erfolge in der Grundlagenforschung aufweisen konnte, fand bislang kaum ein Brückenschlag zwischen diesen Entdeckungen und den Lernwissenschaften, bzw. dem konkreten Bildungsbereich statt. Die Relevanz der neuen Erkenntnisse ist dennoch kritisch zu betrachten. Hier können wir Anregungen und Hilfen bekommen, müssen uns aber auch stets deren Grenzen bewusst sein. Neue Erkenntnisse können nicht im Sinne einer Eins-zu-Eins-Zuordnung als Allheilmittel umgesetzt werden. Dies wird auch

selbstkritisch in den Reihen der Gehirnforscher so gesehen. Forschungsarbeiten, die sich bemühen, den Lernprozess im Lichte der Hirnforschung zu verstehen, können aber interessierten Entscheidungsträgern im Bildungswesen und Lehrkräften wichtige Anhaltspunkte in diesem Bereich liefern. Die Ergebnisse der Gehirnforschung können zunächst einfache Fragen über elementare Prozesse beantworten. Neurowissenschaftliche Studien stellen damit Anhaltspunkte und Anregungen für komplexes Lernen zur Verfügung, können aber letztendlich kein umfassendes Lernkonzept vorgeben.

In diesem durchaus kritischen Verständnis stellen Gehirnforschung und Lernpsychologie einen ersten wichtigen Pfeiler und eine bedeutsame zentrale Komponente dieses Buches dar, da sowohl Lehrende als auch Lernende gleichermaßen von unserem Wissenszuwachs in diesem Bereich profitieren sollten.

Neben den Ergebnissen der Lernpsychologie und der Neurowissenschaften und deren Einfluss auf das Lernen möchten wir uns genauso ausführlich mit den herkömmlichen und weit verbreiteten Förderansätzen im Bereich der Mathematik beschäftigen. Diese sollten auf dem Hintergrund aktueller Forschungsergebnisse und persönlicher Erfahrungen kritisch gewürdigt werden.

Im Bereich der Rechtschreibung, d. h. der Legasthenieforschung und der empirischen Überprüfung ihrer Förderansätze, ist unser Kenntnisstand wesentlich größer als im Bereich der Mathematik. Aus diesem Grund erscheint es umso notwendiger, Förderkonzepte für die Mathematik zu überprüfen.

Unter anderem setzen wir uns hier mit der bis heute postulierten Notwendigkeit des Trainings sogenannter Basisfunktionen oder auch der Bedeutung von Veranschaulichungsmitteln in der Mathematik kritisch auseinander. In diesem Zusammenhang werden Sie in dem vorliegenden Buch häufiger über den Begriff »Mythos« stolpern, den wir bewusst provokativ einsetzen. Mit dieser Begrifflichkeit und der damit verbundenen kritischen Argumentation möchten wir eine Diskussion und auch einen Klärungsprozess anstoßen, zum Wohle unserer Lernenden, d. h. unserer Kinder. Ziel ist es, Denkanstöße,